

高校入試

**特 別 対 策** エージェント **問題集**

数学 - 中学 3 年生

【解答】

- p2 **1-基礎演習** (1)  $x^2+5x$  (2)  $10x-15$  (3)  $3x^2-3xy$  (4)  $16x+32$   
 (5)  $6x^2+8x$  (6)  $3x+1$  (7)  $4x^4-2x^3$  (8)  $24x^2+12$   
 (9)  $9x+6$  (10)  $10x-4$  (11)  $-20x-12$  (12)  $-27x^2+54$

- 2-基礎演習** (1)  $x^2+5x+6$  (2)  $x^2+4x-5$  (3)  $x^2+10x+24$   
 (4)  $x^2+2x-80$  (5)  $x^2-7x+12$  (6)  $x^2-6x-16$   
 (7)  $x^2-15x+54$  (8)  $x^2-20x+91$

- 3-基礎演習** (1)  $x^2+4x+4$  (2)  $x^2+10x+25$  (3)  $x^2-6x+9$   
 (4)  $x^2-14x+49$  (5)  $x^2+22x+121$  (6)  $x^2-2x+1$   
 (7)  $x^2+30x+225$  (8)  $x^2-26x+169$

- p3 **4-基礎演習** (1)  $x^2-4$  (2)  $x^2-9$  (3)  $x^2-25$  (4)  $x^2-49$   
 (5)  $x^2-121$  (6)  $x^2-169$  (7)  $x^2-361$  (8)  $x^2-400$

- 5-基礎演習** (1)  $x^2-36x+324$  (2)  $x^2+7x+10$  (3)  $x^2-3x-108$   
 (4)  $x^2-256$  (5)  $x^2+28x+196$  (6)  $5x^2-y-15xy$   
 (7)  $9x+6y$  (8)  $x^2+2x+xy+2y$

- 6-基礎演習** (1)  $12x^2+23x+10$  (2)  $10x^2-16x-8$   
 (3)  $5x^2-20x-11$  (4)  $x^2+4x+xy+3y+3$   
 (5)  $ax+ay+az+bx+by+bz$   
 (6)  $2x^2+xy+x+3y-15$   
 (7)  $12x^2+14xy+4x+4y^2+2y$   
 (8)  $0.15x^2+0.41xy+0.5x+0.28y^2+0.7y$   
 (9)  $x^2+y^2+z^2+2xy+2xz+2yz$   
 (10)  $a^2+2ab+10a+b^2+10b+25$   
 (11)  $25x^2+30xy+9y^2$   
 (12)  $6x^2-30x-32$   
 (13)  $9x^2-64y^2$   
 (14)  $16x^2y^2-40xyz+25z^2$   
 (15)  $2x^2-\frac{4}{3}x+\frac{1}{3}$   
 (16)  $3x-\frac{1}{2}$

- p4 **7-基礎演習** (1)  $2^2 \times 3^2$  (2)  $2 \times 7^2$  (3)  $13^2$  (4)  $2^2 \times 3^2 \times 5$  (5)  $2^2 \times 3 \times 5 \times 7$   
 (6)  $2^2 \times 3^2 \times 7$  (7)  $19^2$  (8)  $2^2 \times 3^2 \times 5$  (9)  $2^2 \times 5^2$

- 8-基礎演習** (1)  $4x(x+2)$  (2)  $5y(5y-2)$  (3)  $3a(x-4)$   
 (4)  $8ay(y+12)$

- 9-基礎演習** (1)  $(x+3)(x+2)$  (2)  $(x+3)(x+6)$  (3)  $(x+7)(x+9)$   
 (4)  $(y+11)(y+13)$  (5)  $(x+5)(x-2)$  (6)  $(x-3)(x+2)$   
 (7)  $(x-5y)(x+y)$  (8)  $(a-6b)(a-3b)$

- 10-基礎演習** (1)  $(x+3)^2$  (2)  $(y+6)^2$   
 (3)  $(x-5y)^2$  (4)  $(a-12b)^2$

- 11-基礎演習** (1)  $(x+5)(x-5)$  (2)  $(x+6)(x-6)$   
 (3)  $(3x+8y)(3x-8y)$  (4)  $(4ab-11)(4ab+11)$

- p5 **12-基礎演習** (1)  $x(x+8)$  (2)  $5xy(x-2)$   
 (3)  $8xy(z+2x)$  (4)  $4xz(xy^2-3)$   
 (5)  $(x+7)(x+13)$  (6)  $(x+2)(x+6)$   
 (7)  $(x+5)(x+20)$  (8)  $(x+1)(x+3)$   
 (9)  $(2x+1)^2$  (10)  $(y+13)^2$   
 (11)  $(x+8)(x-5)$  (12)  $(x+9)(x-6)$   
 (13)  $(x-12)(x+10)$  (14)  $(2x-3)^2$   
 (15)  $(a-11b)^2$  (16)  $(a-12b)^2$

- 13-基礎演習** (1)  $(x+13)(x-12)$  (2)  $(x-21)(x+20)$   
 (3)  $(x+19)(x-1)$  (4)  $(x+25)^2$   
 (5)  $(x+10)(x-10)$  (6)  $(x+12)(x-12)$   
 (7)  $(2a+9b)(2a-9b)$  (8)  $(3a+16b)(3a-16b)$

- 14-基礎演習** (1)  $(x+3)(x+8)$  (2)  $(x-9y)(x+8y)$   
 (3)  $(x+9)^2$  (4)  $(x+2y)(x-36y)$   
 (5)  $(x-13)^2$  (6)  $(x+21y)^2$   
 (7)  $16(x+3y)(x-3y)$  (8)  $(9x-25a)(9x+25a)$

- p6 **15-基礎演習** (1)  $(6x+1)(6x-1)$  (2)  $(3x-2)^2$   
 (3)  $(3x+1)^2$  (4)  $(x+y)(a-1)$   
 (5)  $(4x-1)^2$  (6)  $9x(5x-4)$   
 (7)  $a(b-8)(b+3)$  (8)  $(2x-7y)^2$   
 (9)  $a(4x-y)^2$  (10)  $(5a-b)^2$   
 (11)  $(2x+5a)^2$  (12)  $(3x-5y)^2$

- 16-基礎演習** (1)  $-2(x+7)(x-2)$  (2)  $3y(x+7)(x+1)$   
 (3)  $(x+y-6)(x+y-3)$  (4)  $(x+3y-5)(x-3y-5)$   
 (5)  $(2x+13y)^2$  (6)  $(x-2y+2)(x-2y-2)$   
 (7)  $2a(a-10)(a+6)$  (8)  $7(x-5y)(x+y)$   
 (9)  $(a-b-2)^2$  (10)  $3(x+4)(x-4)$   
 (11)  $(x+3y+5)(x+3y-5)$  (12)  $(x+1)(x-1)(x+2)(x+4)$

- (13)  $(\frac{1}{5}x + \frac{2}{3})^2$  (14)  $(ax - \frac{14}{3}b)^2$   
 (15)  $x(4x - \frac{6}{5})^2$  (16)  $(a+b)(a-b)(a-c)$

**16** (3)  $(x+y) = A$ とおく  
 与式  $= A^2 - 9A + 18$   
 $= (A-6)(A-3)$   
 Aを元に戻す  $= (x+y-6)(x+y-3)$

(6)  $(x-2y) = A$ とおく  
 与式  $= (x-2y)^2 - 4$   
 $= A^2 - 4$   
 Aを元に戻す  $= (A-2)(A+2)$   
 $= (x-2y+2)(x-2y-2)$

(9)  $(a-b) = A$ とおく  
 与式  $= a^2 + b^2 - 4a + 4b + a - 2ab$   
 $= a^2 - 2ab + b^2 - 4a + 4b + a$   
 $= (a-b)^2 - 4(a-b) + 4$   
 $= A^2 - 4A + 4$   
 Aを元に戻す  $= (A-2)^2$   
 $= (a-b-2)^2$

(16)  $(a-c) = A$ とおく  
 与式  $= a^2 - a^2c + b^2c - ab^2$   
 $= a^2(a-c) - b^2(a-c)$   
 $= a^2A - b^2A$   
 $= (a^2 - b^2)A$   
 Aを元に戻す  $= (a+b)(a-b)A$   
 $= (a+b)(a-b)(a-c)$

(16)別解  
 $(a^2 - b^2) = A$ とおく  
 与式  $= a^2 - ab^2 + b^2c - a^2c$   
 $= a(a^2 - b^2) + c(b^2 - a^2)$   
 $= a(A) - c(A)$   
 $= aA - cA$   
 Aを元に戻す  $= (a-c)A$   
 $= (a-c)(a+b)(a-b)$   
 $= (a+b)(a-b)(a-c)$   
 ※1つ前でやめてもよい

- 17-基礎演習** (1)  $399^2 = (400-1)^2 = 160000 - 800 + 1 = 159201$   
 (2)  $x^2 - y^2 = (x+y)(x-y) = 25 \times 16 = 400$   
 (3)  $x^2 - 6x - 16 = (x-8)(x+2) = 10 \times 20 = 200$   
 (4)  $x^2 - 4y^2 = (x+2y)(x-2y) = (27+26)(27-26) = 53$

- p7 **18-基礎演習** (1)  $\pm 9$   
 (2)  $\pm ab$   
 (3)  $\pm 8^3$  または  $\pm 512$   
 (4)  $\pm x^2y^4$   
 (5)  $0$   
 (6)  $\pm 0.06$
- 指数法則  
 ①  $a^m \times a^n = a^{m+n}$   
 ②  $a^m \div a^n = a^{m-n}$   
 ③  $(a^m)^n = a^{m \times n}$   
 ④  $(a \times b)^n = a^n \times b^n$   
 ※ $a^0 = 1$

- 19-基礎演習** (1) 5 (2) -3 (3) 7 (4) 4 (5) 9 (6) 5 (7) 7 (8) -9 (9) 5 (10) -9 (11) 25 (12) -5

- 20-基礎演習** (1)  $2\sqrt{5}$  (2)  $2\sqrt{7}$  (3)  $3\sqrt{5}$  (4)  $4\sqrt{3}$  (5)  $5\sqrt{2}$  (6)  $3\sqrt{7}$  (7)  $5\sqrt{3}$  (8)  $4\sqrt{5}$  (9)  $4\sqrt{7}$  (10)  $9\sqrt{2}$  (11)  $5\sqrt{7}$  (12)  $12\sqrt{2}$  (13)  $2\sqrt{10}$  (14)  $3\sqrt{6}$  (15)  $2\sqrt{14}$  (16)  $3\sqrt{15}$

- p8 **21-基礎演習** (1)  $3\sqrt{2}$  (2)  $8\sqrt{2}$  (3)  $10\sqrt{3}$  (4)  $17\sqrt{5}$  (5)  $11\sqrt{3}$  (6)  $14\sqrt{2}$  (7)  $23\sqrt{5}$  (8)  $31\sqrt{7}$

- 22-基礎演習** (1)  $6\sqrt{2}$  (2)  $3\sqrt{3}$  (3)  $13\sqrt{5}$  (4)  $15\sqrt{7}$  (5)  $8\sqrt{5}$  (6)  $2\sqrt{3}$  (7)  $41\sqrt{2}$  (8)  $18\sqrt{3}$

- 23-基礎演習** (1)  $2\sqrt{15}$  (2)  $4\sqrt{3}$  (3)  $\sqrt{70}$  (4) 12 (5)  $\sqrt{30}$  (6)  $3\sqrt{14}$  (7)  $6\sqrt{5}$  (8)  $2\sqrt{105}$

- 24-基礎演習** (1)  $\sqrt{5}$  (2)  $\sqrt{11}$  (3)  $3\sqrt{3}$  (4)  $6\sqrt{2}$  (5)  $3\sqrt{2}$  (6)  $\sqrt{14}$  (7)  $\sqrt{17}$  (8)  $\sqrt{17}$

25-基礎演習

- (1)  $2\sqrt{17}$
- (2)  $4\sqrt{5}$
- (3)  $\sqrt{154}$
- (4) 14
- (5)  $4\sqrt{2}$
- (6)  $3\sqrt{26}$
- (7)  $6\sqrt{11}$
- (8)  $\sqrt{910}$

- (9)  $\sqrt{14}$
- (10)  $2\sqrt{5}$
- (11)  $\sqrt{5}$
- (12)  $\sqrt{6}$
- (13) 2
- (14) 4
- (15)  $4\sqrt{6}$
- (16)  $3\sqrt{3}$

26-基礎演習

- (1)  $2\sqrt{2}$
- (2)  $9\sqrt{5}$
- (3)  $3\sqrt{10}$
- (4)  $36\sqrt{2}$
- (5)  $13\sqrt{15}$
- (6) 2
- (7)  $\sqrt{21}$
- (8) 2

- (9)  $2\sqrt{30}$
- (10)  $7\sqrt{3}$
- (11)  $\sqrt{30}$
- (12)  $5\sqrt{7}$
- (13)  $\sqrt{3}$
- (14)  $4\sqrt{2}$
- (15)  $\sqrt{102}$
- (16)  $2\sqrt{5}$

27-基礎演習

- (1)  $15+15\sqrt{3}$
- (2)  $-2-3\sqrt{6}$
- (3)  $113-30\sqrt{14}$

- (4) -40
- (5)  $10-4\sqrt{5}$
- (6)  $-5-6\sqrt{3}$

28-基礎演習

- (1)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$
- (2)  $\frac{\sqrt{15}}{3}$
- (3)  $\frac{\sqrt{15}}{5}$
- (4)  $\frac{3\sqrt{5}}{10}$

- (5)  $\frac{\sqrt{30}}{2}$
- (6)  $\frac{11\sqrt{3}}{9}$
- (7)  $\frac{14\sqrt{29}}{29}$
- (8)  $\frac{5\sqrt{95}}{13}$

(7)  $\frac{14\sqrt{2}}{\sqrt{58}} = \frac{14\sqrt{2} \times \sqrt{58}}{\sqrt{58} \times \sqrt{58}} = \frac{14\sqrt{2} \times \sqrt{2} \times 29}{58} = \frac{14\sqrt{29}}{29}$

(8)  $\frac{30\sqrt{5}}{\sqrt{156}} = \frac{30\sqrt{5}}{2\sqrt{39}} = \frac{15\sqrt{5} \times \sqrt{39}}{\sqrt{39} \times \sqrt{39}} = \frac{15\sqrt{5} \times \sqrt{3} \times 13}{39} = \frac{5\sqrt{5} \times \sqrt{3} \times 13}{13} = \frac{5\sqrt{195}}{13}$

有理化をする前に分母を  $a\sqrt{b}$  の形にしておくとう計算がしやすい。  
 また  $2 \times 58 = 116$  のように答えを出さずに、 $2 \times 58 = 2 \times 2 \times 29$  のように素因数分解の形にしておくとう計算しやすくミスも減る。

29-基礎演習

- (1)  $4\sqrt{10}-4\sqrt{7}$
- (2)  $-6\sqrt{3}$
- (3)  $13\sqrt{3}-3\sqrt{5}$
- (4)  $20\sqrt{2}$

- (5)  $\frac{\sqrt{30}}{30}$
- (6)  $-2\sqrt{6}$
- (7)  $\sqrt{3}$
- (8)  $-\frac{\sqrt{6}}{3}$

(5)  $\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{30}} = \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{30}} = \frac{6}{\sqrt{30}} = \frac{5}{\sqrt{30}} = \frac{1}{\sqrt{30}} = \frac{\sqrt{30}}{30}$  先に有理化してもよい。

(8)  $\frac{\sqrt{6}}{3} - 2\sqrt{2} \times \frac{2\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{2\sqrt{6}}{3} = -\frac{\sqrt{6}}{3}$

30-基礎演習

- (1)  $\frac{13\sqrt{3}}{6}$
- (2)  $2\sqrt{3}$
- (3)  $\frac{7\sqrt{15}}{7}$
- (4)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$
- (5)  $\frac{7\sqrt{3}}{3}$
- (6)  $-\frac{9\sqrt{3}}{4}$
- (7)  $-\sqrt{3}$
- (8)  $\frac{3\sqrt{3}}{7}$

- (9)  $\frac{27\sqrt{3}}{5}$
- (10)  $8\sqrt{2}$
- (11)  $14\sqrt{6}$
- (12)  $\frac{33\sqrt{7}}{14}$
- (13) 0
- (14)  $4\sqrt{2}$
- (15)  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$
- (16)  $2\sqrt{3}$

(14)  $= \frac{3\sqrt{2}}{2} + 3\sqrt{2} - \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2} + 3\sqrt{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{3\sqrt{2} + 6\sqrt{2} - \sqrt{2}}{2} = 4\sqrt{2}$

(16)  $= \frac{2\sqrt{3} \times \sqrt{10} \times \sqrt{2}}{\sqrt{5} \times \sqrt{4} \times \sqrt{8}} = 2\sqrt{3}$

かけ算・わり算のまざった式は1つの分数にまとめてから約分する。

31-基礎演習

- (1) 14.1
- (2) 0.141
- (3) 2.82
- (4) 0.705

- (5) 7.05
- (6) 0.705
- (7) 0.447
- (8) 6.3027

(7)  $= \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{100}} = \frac{\sqrt{20}}{10} = 4.47 \div 10 = 0.447$

(8)  $= \sqrt{20} \times 2 = 4.47 \times 1.41 = 6.3027$

32-基礎演習

- (1) 0.548
- (2) 16.44
- (3) 1.644
- (4) 8.65

- (5) 17.3
- (6) 3.46
- (7) 21.92
- (8) 1.096

(3)  $= \frac{\sqrt{270}}{\sqrt{100}} = \frac{3\sqrt{30}}{10} = 3 \times 5.48 \div 10 = 1.644$

(8)  $= \frac{\sqrt{30}}{5} = 5.48 \div 5 = 1.096$

33-基礎演習

- (1)  $\frac{5\sqrt{2} + 3\sqrt{3} - 4}{15}$
- (2)  $1-2\sqrt{2}$

- (3)  $-2-4\sqrt{3}$
- (4) 0
- (5)  $8\sqrt{5}$

(3)  $= y^2 - x^2 + xy = (y-x)(y+x) + xy$   
 $= \{(1-\sqrt{3}) - (1+\sqrt{3})\} \{(1-\sqrt{3}) + (1+\sqrt{3})\} + (1+\sqrt{3})(1-\sqrt{3})$   
 $= (-2\sqrt{3})(2) + (-2) = -2-4\sqrt{3}$

(4)  $= x^2 - 2x + 1 - 5 = (x-1)^2 - 5 = ((1+\sqrt{5}) - 1)^2 - 5 = 5 - 5 = 0$

※そのまま代入してもよいが計算ミスを防ぐためにはこのように変形する方が望ましい。

34-基礎演習

- (1)  $1.\dot{7}$
- (2)  $2.\dot{8}3\dot{7}$

- (3)  $\frac{244}{333}$
- (4)  $\frac{1234}{999}$

(3)  $x = 0.732732... \dots$  ①とおくと  $1000x = 732.732732... \dots$  ②となる。

②-①

$999x = 732$   
 $x = \frac{732}{999} = \frac{244}{333}$

$7+3+2=12$   
 12は3の倍数なので732は3でわりきれぬ。  
 $2+4+4=10$   
 10は3の倍数ではないので244は3でわれない。

35-基礎演習

- (1)  $0.5 < \sqrt{2} < \frac{3}{2}$
- (2)  $\frac{\sqrt{3}}{2} < 1 < \sqrt{5}$
- (3)  $\frac{\sqrt{6}}{4} < 0.6 < \frac{\sqrt{4}}{4}$
- (4)  $2\sqrt{2} < 3 < \sqrt{10}$
- (5)  $-3\sqrt{2} < -\sqrt{5} < -2$
- (6)  $3\sqrt{7} < 8 < \sqrt{65}$
- (7)  $\sqrt{15} < 4 < \frac{10}{\sqrt{2}}$
- (8)  $\frac{\sqrt{3}}{2} < 1 < \frac{3}{\sqrt{2}}$

- (9)  $5\sqrt{3} < 9 < \sqrt{90}$
- (10)  $\frac{1}{2} < 1.2 < \sqrt{2}$
- (11)  $\frac{\sqrt{30}}{4} < 2\sqrt{5} < 5$
- (12)  $-3\sqrt{5} < -6 < -\sqrt{30}$
- (13)  $0.2 < \sqrt{5} < \frac{1}{\sqrt{0.04}}$
- (14)  $\sqrt{135} < 12 < \sqrt{46}$
- (15)  $2\sqrt{2} < 3 < \frac{3\sqrt{5}}{2}$
- (16)  $\frac{2\sqrt{333}}{3} < 3\sqrt{33} < \sqrt{300}$

※大小を比べると時は2乗すればよい。  
 ただし-の符号がある際は結果が逆になることに注意する。

36-基礎演習

- (1) 5, 6, 7, 8
- (2) 7, 12, 15
- (3) 4, 5, 6, 7
- (4) 7

- (5) 1, 4, 9 など
- (6) 4
- (7) 3
- (8) 15

(8)  $540 = 2^2 \times 3^3 \times 5 \times 3$  より  
 $\sqrt{\frac{540}{n}} = \frac{6\sqrt{15}}{\sqrt{n}} = \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{n}}$  のとき  $\sqrt{\frac{540}{n}}$  は自然数となる。  
 よって  $n=15$

37-基礎演習

- (1)  $x=7$
- (2)  $x=-4$
- (3)  $x=5, -9$
- (4)  $x=-1, \frac{1}{4}$
- (5)  $x=10, -12$
- (6)  $x=-6, -24$
- (7)  $x=-7, 8$
- (8)  $x=7, 8$
- (9)  $x=1, \frac{1}{2}$

- (10)  $x=-1, 0.6$
- (11)  $x=-\frac{3}{2}$
- (12)  $x=-3, -5$
- (13)  $x=0, -2$
- (14)  $x=0, 6$
- (15)  $x=0, \frac{2}{3}$
- (16)  $x=0, 3$

(9)  $= 2x^2 - 3x + 1 = 0$  (10)  $= (x-0.6)(x+1) = 0$   
 $(2x-1)(x-1) = 0$   $x = -1, 0.6$  ( $\frac{3}{5}$  でもよい)  
 $x = 1, \frac{1}{2}$  (11)  $= 4x^2 + 12x + 9 = 0$   
 $(2x+3)^2 = 0$   $x = -\frac{3}{2}$

- p13 **38-基礎演習**
- |                         |                         |
|-------------------------|-------------------------|
| (1) $x = \pm 2\sqrt{2}$ | (5) $x = \pm 2\sqrt{3}$ |
| (2) $x = \pm 2\sqrt{3}$ | (6) $x = \pm \sqrt{15}$ |
| (3) $x = \pm \sqrt{7}$  | (7) $x = \pm 2\sqrt{3}$ |
| (4) $x = \pm 3\sqrt{3}$ | (8) $x = \pm \sqrt{15}$ |

- 39-基礎演習**
- |                                    |                                     |
|------------------------------------|-------------------------------------|
| (1) $x = -2 \pm \sqrt{5}$          | (5) $x = -2 \pm \sqrt{10}$          |
| (2) $x = 1 \pm \sqrt{3}$           | (6) $x = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{4}$ |
| (3) $x = -3 \pm \sqrt{17}$         |                                     |
| (4) $x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$ |                                     |

平方完成とは  $x^2+bx+c$  を  $(x+p)^2$  に変形することである。  
 よって  $b$  の値の半分を 2 乗したものが  $c$  であれば変形が可能となる。  
 $p^2=c-2p=b$  となるよう両辺に同じ数を加えて  $c$  の値を決める。  
 (厳密には少し違うが、ここではこのように理解しておくといよい。)

(1) $x^2+4x+4=5$	(4) $x^2-x=1$	(6) $x^2-\frac{1}{2}x-1=0$
$(x+2)^2=5$	$x^2-x+\frac{1}{4}=1+\frac{1}{4}$	$x^2-\frac{1}{2}x=1$
$x+2 = \pm\sqrt{5}$	$(x-\frac{1}{4})^2 = \frac{5}{4}$	$x^2-\frac{1}{2}x+\frac{1}{16} = 1+\frac{1}{16}$
$x = -2 \pm \sqrt{5}$	$x-\frac{1}{4} = \pm\sqrt{\frac{5}{4}}$	$(x-\frac{1}{4})^2 = \frac{17}{16}$
	ここで	$x-\frac{1}{4} = \pm\sqrt{\frac{17}{16}}$
	やめてもよい $x = \frac{1}{4} \pm \sqrt{\frac{5}{4}}$	$x-\frac{1}{4} = \pm\sqrt{\frac{17}{16}}$
	$x = \frac{1}{4} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$	$x = \frac{1}{4} \pm \frac{\sqrt{17}}{4}$

- p14 **40-基礎演習**
- |                                     |                                       |
|-------------------------------------|---------------------------------------|
| (1) $x = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$ | (7) $x = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$   |
| (2) $x = -1 \pm \sqrt{2}$           | (8) $x = \frac{-6 \pm 3\sqrt{2}}{2}$  |
| (3) $x = -2 \pm \sqrt{3}$           | (9) $x = \frac{-1 \pm \sqrt{113}}{4}$ |
| (4) $x = \frac{3 \pm \sqrt{19}}{2}$ | (10) $x = -1 \pm \sqrt{5}$            |
| (5) $x = \frac{2 \pm \sqrt{7}}{3}$  | (11) $x = \frac{5 \pm \sqrt{22}}{3}$  |
| (6) $x = \frac{1 \pm \sqrt{11}}{5}$ | (12) $x = -2 \pm \sqrt{37}$           |

解の公式を使うには  $ax^2+bx+c=0$  の形になおしておかなければならない。

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

(12) =  $X(X-5) = 5X+12 \leftarrow (x+7) = X$  とおく

$$X^2-5X-5X-12=0$$

$$X^2-10X-12=0$$

$$X = \frac{10 \pm \sqrt{10^2-4 \times 1 \times 12}}{2 \times 1}$$

$$X = 5 \pm \sqrt{37}$$

$$x+7 = 5 \pm \sqrt{37} \leftarrow X$$

$$x = -7 + 5 \pm \sqrt{37}$$

$$x = -2 \pm \sqrt{37}$$

地道に展開してから解の公式を使ってもよいが  
 途中で計算ミスの可能性が高まるのでおすすめできない。

- 41-基礎演習**
- |                           |                                     |
|---------------------------|-------------------------------------|
| (1) $x = -3, 8$           | (9) $x = 4, 2$                      |
| (2) $x = 3, -4$           | (10) $x = -1, \frac{1}{2}$          |
| (3) $x = -2, 6$           | (11) $x = -\frac{5}{2}$             |
| (4) $x = 1, 3$            | (12) $x = \pm 2\sqrt{6}$            |
| (5) $x = 2, -4$           | (13) $x = 1 \pm \sqrt{13}$          |
| (6) $x = 0, \frac{3}{2}$  | (14) $x = 6, -8$                    |
| (7) $x = 0, 8$            | (15) $x = 0, \frac{1}{2}$           |
| (8) $x = -1, \frac{3}{2}$ | (16) $x = \frac{2}{3}, \frac{9}{2}$ |

(8) =  $(2x-3)(x+1) = 0$  (16) =  $X^2-17X-60 = 0 \leftarrow (6x-7)$   
 $(X-20)(X+3) = 0 = X$  とおく  
 3分考えて因数分解ができない  
 $(6x-7-20)(6x-7+3) = 0 \leftarrow X$  を  $(6x-7)$   
 場合は解の公式を使えばよい。  
 $(6x-27)(6x-4) = 0$  にもどす  
 $x = \frac{9}{2}, \frac{2}{3}$

(15) =  $X-X^2 = 0 \leftarrow (1-2x) = X$  とおく  
 $X(1-X) = 0$   
 $X = 0, 1$  ※(15)のように別々に解いてもよい。  
 $X = 20, -3$  より  
 $1-2x = 0$  のとき  $1-2x = 1$  のとき  $6x-7 = 20$  のとき  $6x-7 = -3$  のとき  
 $x = \frac{1}{2}$   $x = 0$   $x = \frac{9}{2}$   $x = \frac{2}{3}$

- 42-基礎演習**
- |                 |                  |
|-----------------|------------------|
| (1) $m=1, n=6$  | (3) $p=-2, x=-1$ |
| (2) $a=4, b=-1$ |                  |

このような問題では分かっている解をもとの式に代入し、  
 方程式または連立方程式を解けばよい。

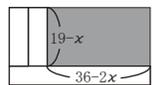
(2)  $x = -2 + \sqrt{5}$  を代入する。 ①②を連立方程式として解くと  
 $(-2 + \sqrt{5})^2 + a(-2 + \sqrt{5}) + b = 0 \dots ①$  ①-②より  
 $x = -2 - \sqrt{5}$  を代入する。  $2a\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$   
 $(-2 - \sqrt{5})^2 + a(-2 - \sqrt{5}) + b = 0 \dots ②$   $a = 4$   $a = 4, b = -1$

- p15 **43-基礎演習**
- |                         |                                     |
|-------------------------|-------------------------------------|
| (1) $1 \ 2 \ \text{cm}$ | (2) $x = 1 \ 3 \quad x = -1$ は適さない。 |
|-------------------------|-------------------------------------|

- 44-基礎演習**  $x = 1 \ 8$
- 上下左右の規則性に注目して考えること。  
 $(x-7)(x+7) = ((x-1)(x+1))-13$   
 $x = -2, 18$   
 $x = -2$  は問題に適さないので  $x = 18$

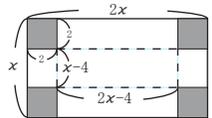
- 45-基礎演習**  $3 \ \text{cm}$

青色部分の面積は白い部分を端に寄せて  
 縦が  $19-x$ 、横が  $36-2x$  とおくことができる。  
 よって面積は  $(19-x)(36-2x) = 480$  となる。  
 これを解いて  $x = 3, 34$   
 $0 < x < 18$  より  $x = 3$



- 46-基礎演習** 縦 9 cm、横 1 8 cm

縦を  $x$  とすると、横は  $2x$  となる。  
 直方体の縦は  $x-4$ 、横は  $2x-4$ 、  
 高さは 2、したがって容積は  
 $2(x-4)(2x-4) = 140$   
 $x = -3, 9 \quad x > 0$  より  $x = 9$



- p16 **47-基礎演習**
- |                        |  |
|------------------------|--|
| (1) $8 \ 0 \ \text{m}$ | (2) $3 \ \text{秒}$ $t = -3$ は問題に適さないので $t = 3$ |
|------------------------|--|

- 48-基礎演習**  $2 \ \text{秒後}$  と  $8 \ \text{秒後}$

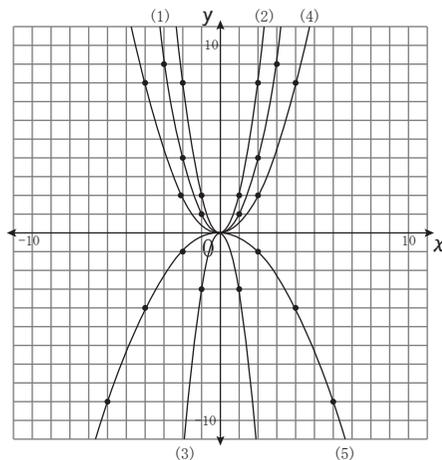
$x$  秒後の B P の長さは  $3x$   
 また BC を 10 秒で進むので AB も 10 秒で進む。  
 よって B Q の長さは  $2x$ 、A Q の長さは  $20-2x$  となる。  
 よって A Q P R の面積が  $96 \ \text{cm}^2$  となるのは  
 平行四辺形なので  $3x(20-2x) = 96$   
 これを解いて  $x = 2, 8 \quad (0 \leq x \leq 10)$

- 49-基礎演習**
- |                           |                                       |                         |
|---------------------------|---------------------------------------|-------------------------|
| (1) 秒速 $2 \ 5 \ \text{m}$ | (2) $2 \ \text{秒後}$ と $6 \ \text{秒後}$ | (3) $1 \ 2 \ \text{秒後}$ |
|---------------------------|---------------------------------------|-------------------------|

(1)  $20 = 4a - 5(4)^2$  (2)  $60 = 40t - 5t^2$  (3)  $0 = 60t - 5t^2$   
 $a = 25$   $t = 2, 6$   $t = 0, 12$   
 $t \neq 0$  より  $t = 12$

- p17 **50-基礎演習**
- |                             |   |
|-----------------------------|---|
| (1) $y = 6 \ 0 \ x$         | (4) $y = \frac{2 \ 0}{3} \pi x^2 \circ$ |
| (2) $y = 6 x^2 \circ$       | (5) $y = \frac{3 \ 6}{x}$               |
| (3) $y = \frac{1}{1 \ 0} x$ |   |

- 51-基礎演習**
- |                          |                |               |          |
|--------------------------|----------------|---------------|----------|
| (1) ① $y = 1$            | ② $y = 4$      | ③ $x = \pm 4$ | ④ グラフは以下 |
| (2) ① $y = 3 \ 2$        | ② $y = 5 \ 0$  | ③ $x = \pm 4$ |          |
| (3) ① $y = -2 \ 7$       | ② $y = -2 \ 7$ | ③ $x = \pm 5$ |          |
| (4) ① $y = 2$            | ② $y = 1 \ 8$  | ③ $x = \pm 8$ |          |
| (5) ① $y = -\frac{9}{4}$ | ② $y = -4$     | ③ $x = \pm 8$ |          |



52-基礎演習

(1)  $y = 8x^2$  (4)  $y = \frac{1}{4}x^2$   
 (2)  $y = -\frac{1}{2}x^2$  (5)  $y = -\frac{1}{4}x^2$   
 (3)  $y = -\frac{1}{3}x^2$  (6)  $y = -\frac{1}{2}x^2$

53-基礎演習

- (1) ①1 ②10 ③10  
 (2) ①6 ②-3 ③ $-\frac{1}{2}$

変化の割合 =  $\frac{y \text{の増加量}}{x \text{の増加量}}$   
 ( $y \text{の増加量} \div x \text{の増加量}$ )

変化の割合や変域の問題では右のような表をかくとよい。

(1)	$x$	2	3	(2)	$x$	-2	4
	$y$	8	18		$y$	-1	-4
			10				-3

54-基礎演習

(1) 8 (4)  $\frac{3(P+1)^2 - 3P^2}{(P+1) - P} = 27$  を解いて  $P = 4$   
 (2) -6 (3) -4 (4) 4 (5) -5 (6)  $\frac{16a-9a}{4-(-3)} = 28$  を解いて  $a = 28$   
 (6) 28 (7)  $\frac{36a-4a}{6-(-2)} = 2$  を解いて  $a = \frac{1}{2}$   
 (7)  $\frac{1}{2}$

55-基礎演習

(1)  $0 \leq y \leq 27$  (5)  $p = 3, q = -\frac{2}{3}$   
 (2)  $-9 \leq y \leq -32$  (6)  $a = \frac{1}{2}, p = 0$   
 (3)  $-1 < y \leq 0$  (7)  $a = \frac{1}{8}, p = -8$   
 (4)  $p = 6, q = 0$

(4)  $y = 2x^2$  なので、  
 $x = -1$  のとき  $y = 2$   
 よって  $y = 72$  となるのは  
 $x = p$  のときしかない。  
 よって  $x = 6$  ( $x = -6$  は適さない)  
 よって  $x$  が原点を通っているの  
 $q = 0$   
 ※  $q = 2$  ではないので注意。

(6)  $y$  の最大値が正の数であること  
 から  $a$  の値も正であり、 $y$  の最小値  
 が 0 であると分かる。(0 <  $a^2$ )  
 よって  $x = -6$  のとき  $y = 18$  となる。

$x$	-6	0	1
$y$	18	0	$a^2$

56-基礎演習

(1) (3, 9) (-2, 4) (4) (1, 2) (-2, 8)  
 (2) (3, 9) (-1, 1) (5) (-6, -18) (4, -8)  
 (3) (2, 12) (6) (-4,  $-\frac{16}{3}$ ) (3, -3)

2つの式を連立方程式として解けばよい。

加減法の場合 (1)  $y = x^2$   
 $-y = x + 6$   
 $0 = x^2 - x - 6$   
 $x = -2, 3$   
 $x = -2$  のとき  $y = 4$   
 $x = 3$  のとき  $y = 9$

代入法の場合 (5)  $-\frac{1}{2}x^2 = x - 12$   
 $x^2 - 2x - 24 = 0$   
 $x = -4, 6$   
 $x = -4$  のとき  $y = 8$   
 $x = 6$  のとき  $y = 18$

(6)  $-\frac{1}{3}x^2 = \frac{1}{3}x - 4$   
 $x^2 + x - 12 = 0$   
 $x = -4, 3$   
 $x = -4$  のとき  $y = \frac{16}{3}$   
 $x = 3$  のとき  $y = 3$

57-基礎演習

(1)  $y = 4x + 10$   
 (2)  $t = 4, m: y = \frac{1}{3}x + 2, n: y = \frac{1}{9}x^2$   
 (3) (8, -16)  
 (4)  $a = \frac{1}{4}, b = 7$

このような問題は情報をノートに整理しながら解くことが重要である。

(1) の場合、分からない情報は  $m$  の式と  $A, B$  の  $y$  座標である。

↓ ノート記入例

まず分かっている情報をそのまま書く。  
 $A(-2, \quad)$   
 $B(10, \quad)$   
 $n: y = \frac{1}{2}x^2$   
 $m: y = ax + b$

↓  
 $A(-2, 2)$   
 $B(10, 50)$   
 $n: y = \frac{1}{2}x^2$   
 $m: y = ax + b$

新たに分かったことを空白に記入する。  
 その後  $A, B$  の座標から  $m$  の式を求めればよい。  
 なおノートは情報を書く欄と式・計算結果を書く欄を分けるとよい。

(4)  $-2$  と  $14$  を直線  $m$  に代入すると  $A(-2, -6+b), B(14, 42+b)$  とおける  
 また、それぞれ放物線  $n$  に代入すると、 $A: -6+b = 4a, B: 42+b = 196a$   
 これを解いて  $a = \frac{1}{4}, b = 7$

58-基礎演習

(1)  $y = \frac{1}{160}x^2$  (2) 17.5 m  
 (3) 時速 80 km 以下

(1)  $10 = 40^2 a$   
 $a = \frac{1}{160}$

(2) 時速 60 km の場合 時速 80 km の場合  
 $y = \frac{1}{160} \times 60^2, y = \frac{1}{160} \times 80^2$   
 $y = \frac{45}{2} (22.5), y = 40$

(3)  $40 \geq \frac{1}{160}x^2$   
 より  $-80 \leq x \leq 80$   
 ※  $40 = \frac{1}{160}x^2$   
 $x = \pm 80$   
 より  $x$  が 80 以下となればよいとも考えることができる。

59-基礎演習

- (1) 周期 2 秒、長さ 1 m  
 (2) 周期 4 秒、長さ 4 m

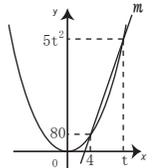
60-基礎演習

- (1) 80 m  
 (2) 6 秒後

$t$  秒後に平均の速さが毎秒 50 m となる  
 として、4 秒後には 80 m 落ちているので

$$\frac{5t^2 - 80}{t - 4} = 50$$

$t = 4, 6 \quad t \neq 4$  より  $t = 6$



右の図において直線  $m$  の傾きが 50 になる  $t$  の値を考えることと同意である。

61-基礎演習

(1) ① 1 : 4  
 ②  $y = \frac{1}{3}x$

①  $A, B$  の  $x$  座標を比べればよい。  
 ②  $A(-1, 1), B(4, 16)$  より  $n: y = 3x + 4$  よって  $C(0, 4)$   
 $\triangle AOC$  の面積は 2,  $\triangle BOC$  の面積は 8。よって  $\triangle AOB$  の面積を  
 2 等分する直線  $n$  と  $n$  との交点を  $P$  とすると  $\triangle CPO$  の面積が 3 になる。  
 よって  $P$  の  $x$  座標は  $\frac{3}{2}$  となる。これを直線  $n$  の式に代入すると  
 $y$  座標が  $\frac{17}{2}$  となる。 $P(\frac{3}{2}, \frac{17}{2})$  ※別解あり ⑥1 (3)④, ⑥2 (3)②参照  
 この問題も 57 のようなノート整理をすること。

- (2) (1, 3)

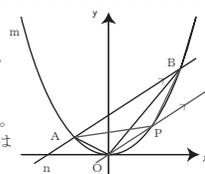
$n: y = 3x^2$   
 $m: y = x^2$   
 $A(p, p^2)$   
 $B(-p, 3p^2)$   
 $C(-p, p^2)$   
 $D(p, p^2)$   
 $AB = 2p$   
 $AD = 2p^2$

$A$  の  $x$  座標を  $p$  とおくと  $y$  座標は  $p^2$   
 よって  $B(-p, 3p^2)$   
 $C(-p, p^2), D(p, p^2)$  となる。  
 よって  $AB = 2p, AD = 2p^2$   
 $2p = 2p^2$  これを解いて  
 $p = 0, 1 \quad 0$  は問題に合わないため  
 $p = 1$  よって  $A(1, 3)$

- (3) ①  $A(-4, 8), B(6, 18)$  ③ (2, 2)  
 ② 60 ④ (-2, 4)

③  $\triangle AOB$  の  $AB$  を底辺と考えた場合  
 $AB // OP$  なら  $\triangle AOB = \triangle APB$  となる。  
 よって直線  $OP$  の傾きは 1、式は  $y = x$  となる。  
 よって  $OP$  と  $m$  の交点は (2, 2)

④  $Q$  が  $AO$  の中点のとき  $\triangle AQB = 30$  となる。  
 三角形において頂点と対辺の中点を通る直線は  
 面積を二等分する。



- (4) ① (4, 4) ② (2, 1)

①  $AB = 16$  なので  $\triangle APB$  の底辺は 16、高さ  $h$  は点  $P$  の  $y$  座標である。  
 $16 \times h \times \frac{1}{2} = 32$   
 $h = 4$  ( $y$  座標)  
 よって  $4 = \frac{1}{4}x^2$   
 $x = \pm 4$   
 $x > 0$  より  
 $x = 4$

② 二等辺三角形の頂角と底辺の中点  
 を結ぶ中線は底辺と垂直に交わる。  
 よってこの中線は  
 $x = 2$  の直線である。  
 したがって点  $P$  の  $x$  座標は 2  
 $y = \frac{1}{4} \times 2^2$   
 $y = 1$

- (5) ① 2 ② (-4, 64) (8, 256)

①  $AB = 14$  なので  
 $4t^2 - \frac{1}{2}t^2 = 14$   
 $t^2 = 2$   
 $t > 0$  より  
 $t = 2$

②  $\triangle ABP$  において  $AB$  を底辺とすると  
 $m$  と  $n$  の  $y$  座標を比べればよい。  
 高さは点  $P$  の  $x$  座標である。  
 直線  $x = 2$  から  $x$  軸方向に距離が 6 の  
 座標を考えればよい。  
 よって  $x = -4, 8$   
 $x = -4$  のとき  $y = 64$   
 $x = 8$  のとき  $y = 256$

62-基礎演習

(1)  $(-\frac{8}{7}, 0)$

B(8, 32)  $32=8^2$  より  $a=\frac{1}{2}$   
 $n:y=x^2$  ABの切片をD(0, d)とおくと底辺dが共通なので  
 $A(, )$   $\triangle BDO$ の高さ: $\triangle ADO$ の高さ=8:1  
 $m:y=x+$  よってAのx座標は-1,  $A(-1, \frac{1}{2})$   
 $C(, )$  直線ABの式は  $m:y=\frac{7}{2}x+\frac{1}{2}$   
 これに  $y=0$  を代入し,  $x=-\frac{8}{7}$

(2) ①(4, 4) ②1:2

①原点を通り、ABに平行な直線と ②底辺が共通なので高さ  
 放物線の交点を求めればよい。(A、Bのx座標)を比べればよい。  
**61** (3) ③参照

(3) ①1 2 6 ②  $y=-\frac{13}{4}x+26$

$m:y=2x+5$  ①  $y=\frac{1}{4}x^2$   
 $n:y=\frac{1}{4}x^2$   $y=2x+5$   
 $A(, )$  この2式を連立方程式で解くと  $x=10, -2$   
 $B(, )$  よってA(10, 25)、B(-2, 1)、またmとx軸の交点を  
 $P(8, 0)$  Cとすると、 $C(-\frac{5}{2}, 0)$ となる。  
 $AB$ の midpoint  $\triangle ACP$ から $\triangle BCP$ を引けばよい。  
 $\triangle ACP = \frac{525}{4}$   $\triangle BCP = \frac{21}{4}$   
 $(, )$  ※別解:  $CP \times (25-1) \times \frac{1}{2}$  で求めてもよい。

② ABの midpointとPを通る直線の式を求めればよい。

※2点A(x1, y1)、B(x2, y2)の midpoint M(p, q)の求め方  
 $M(p = \frac{x1+x2}{2}, q = \frac{y1+y2}{2})$  中2トクタイ  
 解答p2 63参照

(4) ①8 4 ③ i (-2, 2.5)  
 ②(-2, 1) ii  $y=2x+\frac{29}{2}$

$n:y=\frac{1}{4}x^2$  ② ABと傾きが同じで原点を通る直線の  
 $A(-8, )$  nとの交点を求めればよい。  
 $B(6, )$  ③ i AOBQなので直線ABより上にQが  
 $m:y=x+$  来なければならない。  
 $P(, )$  ※AOQBやAQOBではないので要注意。  
 $AB$ の midpoint ii AOBQの中心  $(-1, \frac{25}{2})$  を通り傾きが2で  
 $(, )$  あればよい(AOBQの中心=ABの midpoint)

(5)  $(\frac{4}{3}, \frac{16}{9})$

$m:y=\frac{1}{4}x^2$  Aのx座標をtとおくとy座標は  $t^2$   
 $n:y=x^2$  よって  $B(t, \frac{t^2}{4})$   
 $A(t, t^2)$  またDのy座標は  $t^2$ なのでx座標は2tとなる。  
 $B(, )$   $AB=AD$ なので  $t^2 = \frac{1}{4}x^2$  より  
 $C(, )$   $t^2 = \frac{t^2}{4} = 2t - t$   $x = \pm 2t$   
 $D(, )$  これを解いて  $t = \frac{4}{3}$

63-基礎演習

- (1)  $y=600$  ※10時間びったり駐車した  
 (2)  $10 < x \leq 11$  場合の料金は1100円

64-基礎演習

- (1) 14.4 m  
 (2) 17.28 m

x年後の木の高さをymとして表をかくと、

x	0	1	2	3
y	10	12	14.4	17.28

地道に計算するだけでよい。

65-基礎演習

- (1)  $\frac{1}{12}$  (3) (0, 12)  
 (2) (-6, 3) (4) (0, 6)

①  $y=x^2$  (2) BとCはy軸を挟んで線対称である。  
 ②  $y=$  よってy座標は等しく、x座標の符号を変えるだけでよい。  
 $A(12, 12)$  (3) 辺ABを底辺と考えれば  $AB \parallel DC$ のとき  
 $B(6, 3)$   $\triangle ABD = \triangle ABC$ となる。  
 $C(, )$  よって直線CDの傾きは  $\frac{3}{2}$   
 したがって点Dのy座標は12となる。  
 (4)  $BD=CD$ なので  $AD+BD=AD+CD$   
 これがもっとも短くなるのは  
 直線AC上に点Dがあるとき。  
 $AC:y=\frac{1}{2}x+6$  Dのx座標は0なのでy座標は6となる。

66-基礎演習

- (1) ②③  
 (2)  $x=12$   $y=16$   
 (3) <証明>

$\triangle ABC$ と $\triangle DEC$ において  
 仮定より  
 $\angle ABC = \angle DEC = 90^\circ \dots ①$   
 共通なので  
 $\angle ACB = \angle DCE \dots ②$   
 ①、②より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle ABC \sim \triangle DEC \dots$  (終)

(4) <証明>

$\triangle BCD$ と $\triangle BAC$ において  
 仮定より  
 $BC:BA=3:5 \dots ①$   
 $BD:BC=3:5 \dots ②$   
 共通なので  
 $\angle CBD = \angle ABC \dots ③$   
 ①、②、③より  
 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle BCD \sim \triangle BAC \dots$  (終)

67-基礎演習

(1) <証明>

$\triangle ABD$ と $\triangle AEF$ において  
 仮定より  
 $\angle ABD = \angle AEF = 60^\circ \dots ①$   
 $\angle BAD = \angle BAC - \angle DAF \dots ②$   
 $\angle EAF = \angle DAE - \angle DAF \dots ③$   
 $\angle BAC = \angle DAE = 60^\circ \dots ④$   
 ②③④より  
 $\angle BAD = \angle EAF \dots ⑤$   
 ①⑤より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle ABD \sim \triangle AEF \dots$  (終)

(2) <証明>

$\triangle ADB$ と $\triangle BEC$ において  
 仮定より  
 $\angle ADB = \angle BEC = 90^\circ \dots ①$   
 三角形の内角と外角の関係により  
 $\angle ABE = \angle ADB + \angle BAD$   
 $= 90^\circ + \angle BAD \dots ②$   
 図より  
 $\angle ABE = 90^\circ + \angle CBE \dots ③$   
 ②③より  
 $\angle BAD = \angle CBE \dots ④$   
 ①④より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle ADB \sim \triangle BEC \dots$  (終)

(3) <証明>

$\triangle ABE$ と $\triangle CBD$ において  
 仮定より  
 $\angle ABE = \angle CBD \dots ①$   
 $CD = CE$ より  
 $\angle CED = \angle CDB \dots ②$   
 対頂角なので  
 $\angle CED = \angle AEB \dots ③$   
 ②③より  
 $\angle AEB = \angle CDB \dots ④$   
 ①④より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle ABE \sim \triangle CBD \dots$  (終)

(4) ①40°

② <証明>  
 $\triangle ACE$ と $\triangle BCF$ において  
 仮定より  
 $\angle ACE = \angle BCF \dots ①$   
 $\angle ACE = \angle ADC \dots ②$   
 $\angle CAE = \angle ADC + \angle ACD$   
 $= 2\angle ADC \dots ③$   
 $\angle CBF = \angle ACE + \angle BCF$   
 $= 2\angle ACE \dots ④$   
 ②③④より  
 $\angle CAE = \angle CBF \dots ⑤$   
 ①⑤より  
 2組の角がそれぞれ等しいので、  
 $\triangle ACE \sim \triangle BCF$

p26 **68-基礎演習** (1) 1 5  
(2) 9

(3) 2 1  
(4) 1 2

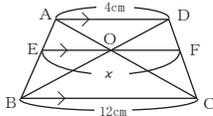
**69-基礎演習** (1) 2 0  
(2) 6

(3) 1 8  
(4) 1 3. 5 ( $\frac{2}{2}$ )

p27 **70-基礎演習** (1) 7. 2 cm ( $\frac{3}{5}$ )  
(2) 3 cm  
(3) 7. 5 cm ( $\frac{1}{2}$ )  
(4) 1 0 cm

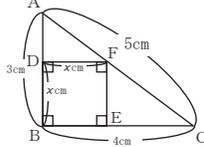
(5) 6 cm  
(6) 2 2. 5 cm ( $\frac{4}{2}$ )  
(7) 1 8 cm  
(8)  $\frac{12}{7}$  cm

(5)  $\triangle AOD \sim \triangle COB$  また、  
相似比は 1 : 3 である。



よって  $AO : CO = 1 : 3$   
よって  $EO = 3$   
同様に  $DO : BO = 1 : 3$   
よって  $FO = 3$   
したがって  $x = 6$

(8) DBEF は正方形なので  
 $DF \parallel BC$ 。



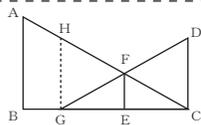
よって  $AD = 3 - x$  とおけるので  
 $AD : AB = DF : BC$  より  
 $(3 - x) : 3 = x : 4$   
 $x = \frac{12}{7}$

p28 **71-基礎演習** (1) 7. 2 cm  
( $\frac{3}{5}$ )

(1)  $AB : FE = 2 : 3$  より  
 $BD : ED = 2 : 3$   
よって  $BC : CF = 2 : 3$   
 $CD : FE = 2 : 5$

(2) 9 cm  
(3) 6 cm

(3) G を通り AB に平行な直線を  
引き AF との交点を H とすると  
 $GH = 15$   
よって  $GF : FD = 3 : 2$   
 $3 : EF = 5 : 10$



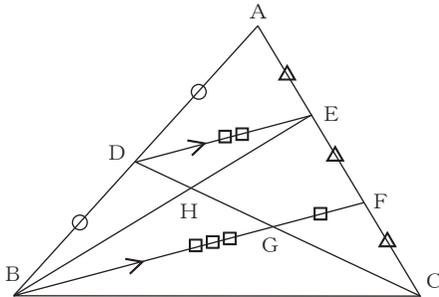
(4)  
①  $\triangle HDE \sim \triangle HGB$   
 $\triangle ADE \sim \triangle ABF$   
 $\triangle CFG \sim \triangle CED$

②  
(i) 1 : 2  
(ii) 1 : 2  
(iii) 2 : 3  
(iv) 2 : 3

③  
(i) 6 : 1  
(ii) 1 2 : 1

① D は AB の中点、E は AF の中点。よって中点連結定理により  
 $DE \parallel BF$  であることを利用する。

②  $BF : DE = 4 : 2$   
 $DE : GF = 2 : 1$   
 $BF : GF = 4 : 1$  を利用する



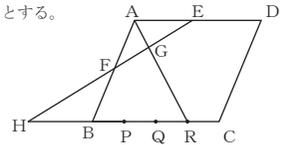
③  $\triangle ABC = 60$  とおくと  
 $AD = DB$  より  
 $\triangle ADC = 30$   
 $AE = EF = FC$  より  
 $\triangle ADE = 10$   $60 : 10 = 6 : 1$   
 $\triangle CED = 20$

$\triangle CGF \sim \triangle CDE$   
また  $\triangle CFG$  と  $\triangle CED$  の  
相似比は 1 : 2 なので面積比は 1 : 4  
よって  $\triangle CFG = 5$   $60 : 5 = 12 : 1$

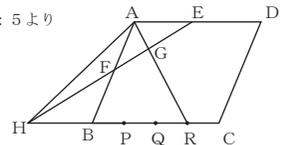
p29 **72-基礎演習** (1) ① 2 : 5

② 1 : 1 4

① EF と CB の延長線の交点を H とする。  
 $\triangle AFE \sim \triangle BFH$  より  
 $AE = BH (=BQ)$   
 $BC : BR : BQ = 4 : 3 : 2$   
よって  $BQ : HR = 2 : 5$   
したがって  $AG : GR = 2 : 5$

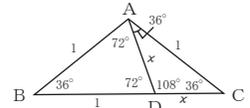


②  $\triangle AGE$  の面積を 4 とすると  
 $\triangle AGE \sim \triangle RGH$ 、相似比 2 : 5 より  
 $\triangle RGH$  の面積は 2.5 となり、  
 $\triangle AHG$  の面積は 1.0 となる。  
よって  $\triangle AHR = 3.5$   
 $HB : BR = 2 : 3$  より  
 $\triangle ABR = 2.1$   
よって  $\triangle ABC = 2.8$   
したがって  $ABCD = 5.6$  ( $\triangle AGE$  の面積を 1 または S としてもよい)



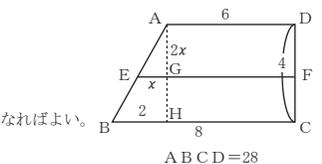
(2)  $\frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$

$DC = AD = x$  とおき  
 $\triangle ABC \sim \triangle DAC$  なので  
 $1 : 1 + x = x : 1$   
 $x = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$   
 $x > 0$  であることに注意。



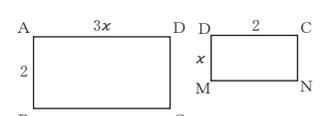
(3)  $5\sqrt{2}$

A から BC に垂線をおろし  
EF との交点を G  
BC との交点を H とする  
 $\triangle AEG \sim \triangle ABH$  なので  
 $2EG = AG$  となる  
 $\triangle AEG + \square AGFD = 14$  となればよい。  
 $EG = x$  とおいて  
 $6 \times 2x + 2x \times x + 2 = 14$   
これを解いて  $x = -6 + 5\sqrt{2}$   
 $x > 0$  であることに注意。



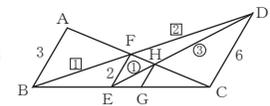
(4)  $2\sqrt{3}$

$ABCD \sim DMNC$  なので  
 $MD = x$  とおくと  
 $x : 2 = 2 : 3x$   
これを解いて  $x = \frac{2\sqrt{3}}{3}$   
( $x > 0$ )  
 $AD = \frac{2\sqrt{3}}{3} \times 3$



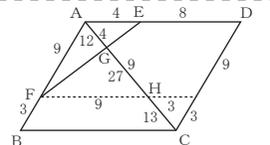
(5) 1. 5 cm

$AB : CD = 3 : 6$   $EF : CD = 2 : 6$   
 $BF : FD = 1 : 2$   $EH : HD = 1 : 3$   
 $EF : CD = 1 : 3$   $HG : CD = 1 : 4$   
 $EF = 2$   $1 : 4 = x : 6$   
 $x = 1.5$



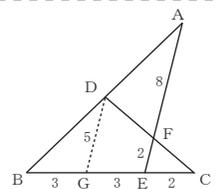
(6) 3 : 1 0

$AD = AB = 12$  と仮定し、  
F から BC に平行な直線をひき  
AC との交点を H とする。  
 $AH : HC = 9 : 3 = 39 : 13$   
 $AG : GH = 4 : 9 = 12 : 27$   
 $AG : GC = 12 : 40 = 3 : 10$



(7) 4 : 1

D を通り AE に平行な直線をひき  
BC との交点を G とする。  
 $AD : DB = 1 : 1$   
 $BG : GE = 1 : 1$   
 $BG : GE : EC = 3 : 3 : 2$   
 $2DG = AE$   
 $DG : FE : AE = 5 : 2 : 10$   
 $FE : AF = 2 : 8$   
 $= 4 : 1$



(1)

<証明>

△ADBにおいて  
 仮定より E、Fが辺AD、BDの中点なので  
 中点連結定理より  
 $2EF=AB$  ①  
 △CDBにおいて同様に  
 $2GF=CD$  ②  
 仮定より  $AB=CD$  ③  
 ①②③より  
 $EF=GF$   
 よって△EFGは二等辺三角形である・・・(終)

(2)

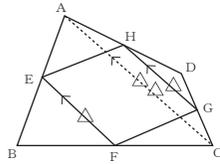
<証明>

△ABCにおいて  
 M、Nは辺AB、ACの中点なので  
 中点連結定理より  
 $MN//BC$  ①  
 $2MN=BC$  ②  
 △GBCにおいて同様に  
 中点連結定理より  
 $PQ//BC$  ③  
 $2PQ=BC$  ④  
 ①③より  $MN//PQ$  ⑤  
 ②④より  $MN=PQ$  ⑥  
 ⑤⑥より  
 1組の対辺が等しく平行であるので  
 四角形MPQNは平行四辺形である・・・(終)

(3)

<証明>

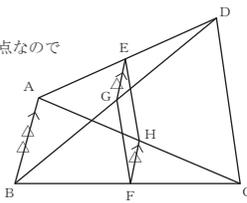
対角線ACをひき  
 △DACにおいて  
 H、Gは辺DA、DCの中点なので  
 中点連結定理より  
 $HG//AC$  ①  
 $2HG=AC$  ②  
 同様に△BACにおいて  
 中点連結定理より  
 $EF//AC$  ③  
 $2EF=AC$  ④  
 ①③より  $HG//EF$  ⑤  
 ②④より  $HG=EF$  ⑥  
 ⑤⑥より  
 1組の対辺が等しく平行であるので  
 四角形EFGHは平行四辺形である・・・(終)



(4)

<証明>

△ABDにおいて  
 E、Gは辺AD、BDの中点なので  
 中点連結定理より  
 $EG//AB$  ①  
 $2EG=AB$  ②  
 同様に△ABCにおいて  
 中点連結定理より  
 $HF//AB$  ③  
 $2HF=AB$  ④  
 ①③より  $EG//HF$  ⑤  
 ②④より  $EG=HF$  ⑥  
 ⑤⑥より  
 1組の対辺が等しく平行であるので  
 四角形EGFHは平行四辺形である・・・(終)

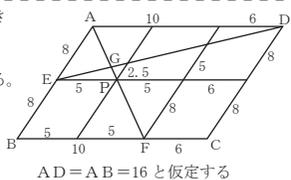


- (1) △ADE、△AFG (4) 4 : 2.5 : 4.9  
 (2) 2 : 5 : 7 (5) 7 : 9  
 (3) 2 : 5 : 7 (6)  $\frac{2.5}{6.3}$  倍

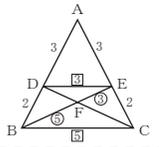
△ADE : △AFG : △AFH = 25 : 49 : 63

75-基礎演習 4 : 17

Eを通りBCに平行な直線をひき  
 AFとの交点をPとする。  
 P、Fを通りABに平行な直線を  
 ひくと各辺の比は図ようになる。  
 $AG:GF=8:13$   
 $AG:GP=8:2.5$   
 $\triangle AEG:\triangle PEG=8:2.5$   
 $\triangle AEP:\triangle ABF=1:4$   
 $\triangle AEP:\triangle BFP=1:3$   
 よって△AEGの面積を8とすると△PEG=2.5  
 $\triangle AEP=10.5, \triangle BFP=31.5$ 、したがってEBFG=34



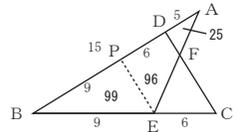
△ABC=100とおくと  
 $AE:EC=3:2$ より△AEB=60  
 $AD:DB=3:2$ より△DEB=24  
 $DE:BC=EF:BF=3:5$ より  
 $\triangle DEF=9$



77-基礎演習 (1) 5 : 6

(2) 5 : 39

(1) Eを通りDCに平行な直線と  
 ABの交点をPとおくと、  
 $BP:PD=2:3$   
 ※ADを5とおくと計算しやすくなる。  
 (2) 相似な図形において面積比は  
 相似比の2乗に比例するので  
 $\triangle ADE=25$ とおくと  
 $\triangle APE=121$  よって△PEF=96  
 $\triangle APE$ と△BPEは底辺の比が面積比となるので  
 $11:9=121:99$  よって△BPE=99 とする  
 $25:195=5:39$

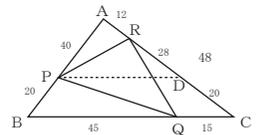


78-基礎演習 (1) 15 : 2

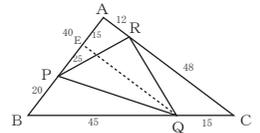
(2) 4 : 1

(3) 12 : 5

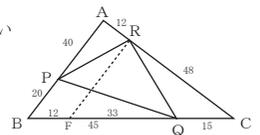
(1) Pを通りBCに平行な直線と  
 ACの交点をDとおくと  
 $BC:PD=3:2$   
 $\triangle ABC:\triangle APD=90:40$   
 $AR:RD:DC=12:28:20$   
 $\triangle ABC:\triangle APR=90:12$



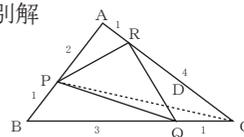
(2) Qを通りACに平行な直線と  
 ABの交点をEとおくと  
 $BE:BA=3:4$   
 $\triangle ABC:\triangle EBQ=16:9$   
 $\triangle BPQ:\triangle EPQ=4:5$   
 $\triangle ABC:\triangle BPQ=16:4$



(3) Rを通りABに平行な直線と  
 BCの交点をFとして考えるとよい  
 $\triangle ABC:RQC=5:1$   
 $\triangle ABC=60$ とおくと  
 $\triangle APR=8$   $\triangle BPQ=15$   
 $\triangle RQC=12$   
 すると△PQR=25



別解



$\triangle APR=\triangle ABC \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{5}$   
 を利用してもよい。  
 $(\triangle APC=\triangle ABC \times \frac{2}{3})$   
 $\triangle APR=\triangle APC \times \frac{1}{5}$   
 また、△CRQの場合なら  
 $\triangle ABC \times \frac{1}{4} \times \frac{4}{5}$

79-基礎演習 (6) 11 : 80

AFとDCの延長線上の交点をPとおく  
 $FH:AH=BF:AD=2:3$   
 $BH:DH=2:3$   
 $PD:AB:AE=3:2:1$   
 $DG:GE=3:1$   
 $2\triangle ABC=ABCD=S$ とおく  
 $\triangle ABF:\triangle ABC=2:3$   
 $\triangle ABF:\triangle BHF=5:2$

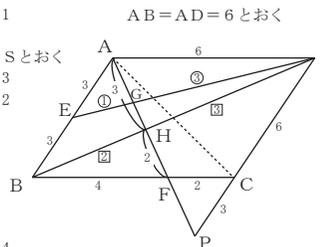
$\triangle ABF = \frac{1}{3}S$   
 $\triangle BHF = \frac{2}{15}S$

$4\triangle AED=S$   
 $\triangle AEG:\triangle AED=1:4$

$\triangle AEG = \frac{1}{16}S$

$GE BH = \triangle ABF - \triangle AEG - \triangle BHF$

$= \frac{1}{3}S - \frac{2}{15}S - \frac{1}{16}S$   
 $= \frac{11}{80}S$



- p32 **80-基礎演習** (1) 表面積  $1152\text{ cm}^2$ 、体積  $2430\text{ cm}^3$   
 (2) 表面積  $216\text{ cm}^2$ 、体積  $192\text{ cm}^3$   
 (3)  $54\text{ cm}^3$

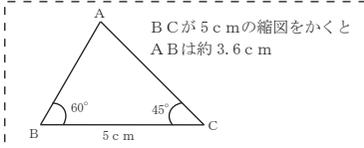
相似比が  $a:b$  なら (1)  $128:x=1:9$  (2)  $x:486=4:9$  (3)  $150:54=25:9$   
 面積比は  $a^2:b^2$   $x=1152$   $x=216$  よって相似比は  $5:3$  となるので  
 体積比は  $a^3:b^3$   $90:y=1:27$   $y:90=8:27$  体積比は  $125:27$   
 $y=2430$   $y=192$   $250:x=125:27$   
 $x=54$

- 81-基礎演習** (1) 表面積の比  $4:25$ 、体積の比  $8:125$   
 (2) 表面積の比  $1:9$ 、体積の比  $1:27$   
 (3)  $64:125$

- 82-基礎演習** (1)  $4\pi\text{ cm}^3$   
 (2)  $12\text{ cm}$  体積比が  $1:8$  なので相似比は  $1:2$  となる

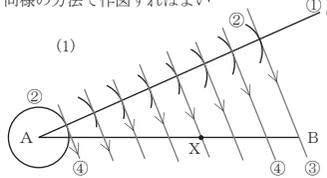
- 83-基礎演習** (1)  $9\text{ cm}$  面積比が  $64:36$  なので相似比は  $4:3$   
 よって  $OA:OP=4:3=12:9$   
 (2)  $81\text{ cm}^3$  体積比が  $64:27$  であることを利用する

- p33 **84-基礎演習** 約  $3.6\text{ m}$

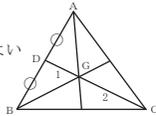


- 85-基礎演習**  $6\text{ m} \ 4\text{ cm} \ 6\text{ cm}$   
 $1.7:1=x:3.8$   
 $x=6.46$

- 86-基礎演習** (1) ①適当に直線  $l$  をひく  
 ②コンパスを使い点を8つとる  
 ③最後の点からBに直線をひく  
 ④コンパスでとった点を通り③に平行な直線を7本ひく  
 ⑤ABを④の直線の交点が8等分しているXが見つかる  
 (2) 図略 (1) 同様の方法で作図すればよい



- 87-基礎演習**  $8\text{ cm}^2$   
 CGとABの交点をDとすると  
 $\triangle DBC=12$  これを  $2:1$  に分ければよい



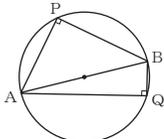
- 88-基礎演習**  $2:1$   $\triangle GDB=\triangle GDC$   
 $\triangle GDC:\triangle AGC=1:2$

- p34 **89-基礎演習** (1)  $27^\circ$   
 (2)  $36^\circ$   
 (3)  $32^\circ$   
 (4)  $35^\circ$

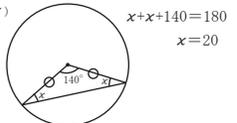
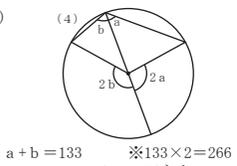


- 90-基礎演習** (1)  $68^\circ$  (2)  $90^\circ$  (3)  $45^\circ$  (4)  $266^\circ$   
 (5)  $55^\circ$  (6)  $16^\circ$  (7)  $20^\circ$  (8)  $260^\circ$

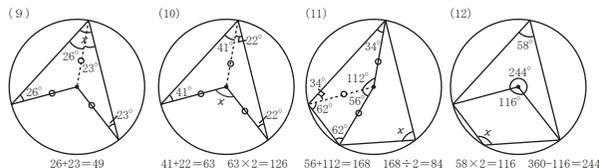
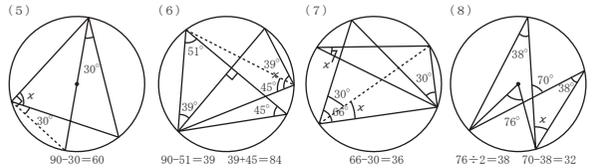
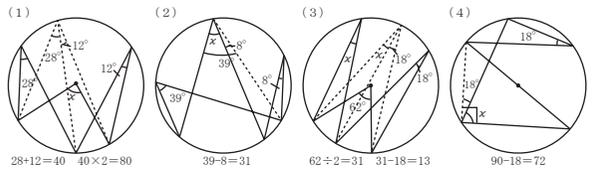
【直径と円周角の関係】(ターレスの定理)



線分ABを直径とする円周上にA、Bと異なる点P、Qをとれば  $\angle APB=\angle AQB=90^\circ$  である。(7)

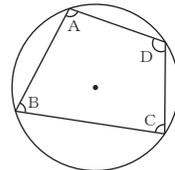


- p35 **91-基礎演習** (1)  $80^\circ$  (2)  $31^\circ$  (3)  $13^\circ$  (4)  $72^\circ$   
 (5)  $60^\circ$  (6)  $84^\circ$  (7)  $36^\circ$  (8)  $32^\circ$   
 (9)  $49^\circ$  (10)  $126^\circ$  (11)  $84^\circ$  (12)  $122^\circ$



【円に内接する四角形】

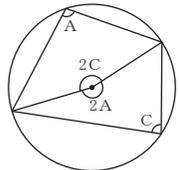
円に内接する四角形において、向かい合う角の和は  $180^\circ$  になる



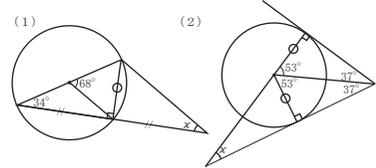
$\angle A + \angle C = 180^\circ$   
 $\angle B + \angle D = 180^\circ$

【証明】

図より  
 $2A + 2C = 360^\circ$   
 よって  
 $\angle A + \angle C = 180^\circ$



- 92-基礎演習** (1)  $34^\circ$  (2)  $16^\circ$



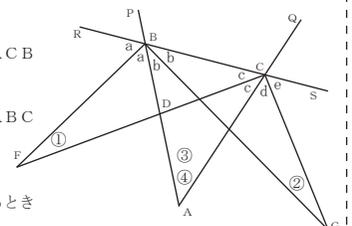
- p36 **93-基礎演習** (1)  $\angle x=30^\circ$ 、 $\angle y=78^\circ$  (1)  $\angle ABD=\angle ACD=48^\circ$  より  
 (2)  $\angle x=32^\circ$ 、 $\angle y=35^\circ$  4点A、B、C、Dは同じ円周上にある。  
 (3)  $\angle x=54^\circ$ 、 $\angle y=25^\circ$  よって  $\angle x=30^\circ$   $\angle y=48+30$

- 94-基礎演習** (1) 点B、C、D、E ( $\angle EBF=\angle CDF$ 、 $\angle BEF=\angle DCF$ より)  
 (2) 点A、B、C、E ( $\angle FBC=\angle FAE$ 、 $\angle FCB=\angle FEA$ より)

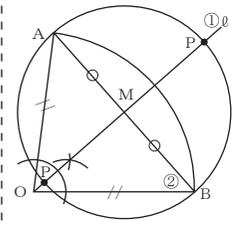
- 95-基礎演習**

$\angle BFC=\angle BGC$  となるとき、円周角の定理の逆から、4点B、F、G、Cは同じ円周上に並ぶ。  
 $\angle FBR=\angle FBA=a$ 、 $\angle GBA=\angle GBC=b$   
 $\angle FCB=\angle FCA=c$ 、 $\angle GCA=d$ 、 $\angle GCS=e$  とする。

三角形の内角と外角の性質から  
 $\triangle FBC$  において、 $\angle BFC=a-c$  ①  
 $\triangle GBC$  において、 $\angle BGC=e-b$  ②  
 また  $\triangle ABC$  において  
 外角  $\angle ABR$  について  
 $\angle BAC=\angle ABR-\angle ACB$   
 $=2a-2c$  ③  
 外角  $\angle ACS$  について  
 $\angle BAC=\angle ACS-\angle ABC$   
 $=d+e-2b$  ④

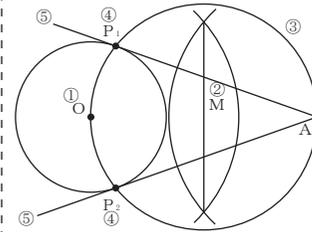


③④より  
 $2a-2c=d+e-2b$  ⑤  
 $\angle BFC=\angle BGC$  となるとき  
 ①②から  $a-c=e-b$  ⑥  
 ⑤⑥から  $2(e-b)=d+e-2b$   
 $d=e$   
 よって、 $\angle GCA=\angle GCS$  となり、点Gは  $\angle ACS$  の二等分線と  $\angle ABC$  の二等分線の交点にとればよい。



①  $\angle AOB$  の二等分線  $l$  をひく。  
 ② 線分  $AB$  をひき、直線  $l$  との交点を  $M$  とする。  
 直線  $l$  は線分  $AB$  の垂直二等分線となるので  
 ( $\triangle AOB$  は  $AO=BO$  の二等辺三角形より)  
 点  $M$  は線分  $AB$  の中点。  
 点  $M$  を中心に半径  $MA$  の円  $M$  をかく。  
 円  $M$  と直線  $l$  との交点が  $P$  (2つある) となる。  
 $\triangle APB$  において  $AB$  は円  $M$  の直径なので  
 $\angle APB = 90^\circ$  となる。

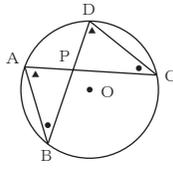
97-基礎演習



① 半径  $2\text{ cm}$  の円  $O$  をかく。  
 ② 線分  $AO$  の中点  $M$  を  
 垂直二等分線の作図で求める。  
 ③ 点  $M$  を中心に  
 半径  $MO$  の円  $M$  をかく。  
 ④ 円  $O$  と円  $M$  との交点を  
 $P_1, P_2$  とする。  
 ⑤ 点  $P_1, P_2$  と点  $A$  を  
 それぞれ結ぶ。  
 直線  $AP_1, AP_2$  が求める接線。

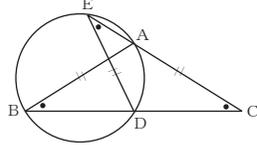
98-基礎演習

(証明)  
 $\triangle ABP$  と  $\triangle DCP$  において  
 円周角の定理より  
 $\angle ABP = \angle DCP$  ...①  
 $\angle BAP = \angle CDP$  ...②  
 ①②より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle ABP \sim \triangle DCP$  ... (終)



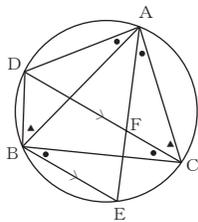
99-基礎演習

(証明)  $\triangle ABC$  は、 $AB=AC$   
 である二等辺三角形だから、  
 $\angle ABC = \angle ACB$  ...①  
 また弧  $AD$  に対する円周角だから  
 $\angle ABD = \angle AED$  ...②  
 ①②より、 $\angle ACB = \angle AED$   
 よって、 $\triangle DEC$  は二等辺三角形  
 なので、 $DE=DC$  ... (終)



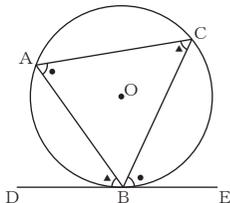
100-基礎演習

(証明)  $\triangle AFC$  と  $\triangle ADB$  において  
 円周角の定理より  
 $\angle ACF = \angle ABD$  ①  
 $\angle CAF = \angle CBE$  ②  
 $\angle BCD = \angle BAD$  ③  
 $DC \parallel BE$  より錯角なので  
 $\angle CBE = \angle BCD$  ④  
 ②③④より  
 $\angle CAF = \angle BAD$  ⑤  
 ①⑤より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle AFC \sim \triangle ADB$



補足【接弦定理】

$DE$  は点  $B$  で円  $O$  に  
 接している。  
 このとき  
 $\angle CAB = \angle DBA$   
 $\angle ACB = \angle EBC$



(1)  $EFGH$  の面積を  $S_1$  とすると  
 $S_1 = c^2$   
 また、 $ABCD$  の面積を  $S_2$  とすると  
 $S_2 = (a+b)^2$   
 さらに  $\triangle EBF$  の面積を  $S_3$  とすると  
 $S_3 = 0.5ab$   
 また  $S_2 - S_1 = 4S_3$  なので  
 $(a+b)^2 - c^2 = 4 \times 0.5ab$   
 これを解いて  $a^2 + b^2 = c^2$   
 したがって  $a^2 + b^2 = c^2$  は成り立つ

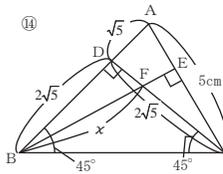
(2) ②③

(3)

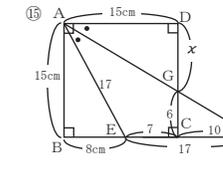
① 1    ②  $3\sqrt{17}$     ③  $3\sqrt{3}$     ④  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     ⑤ 1

⑥  $4\sqrt{2}$     ⑦  $2\sqrt{6}$     ⑧  $\sqrt{6}$     ⑨  $\frac{3\sqrt{2}}{4}$     ⑩  $8\sqrt{2}$

⑪  $\sqrt{34}$     ⑫ 11    ⑬ 15    ⑭ 5    ⑮ 9



$\triangle AEB \sim \triangle FDB$   
 $\triangle ADC \sim \triangle FEC$   
 $\triangle FDB \sim \triangle FEC$   
 よって  $\triangle ADC \sim \triangle FDB$   
 $AD:DC=1:2$   $AD^2+DC^2=5^2$  より  
 $AD=\sqrt{5}$   $DB=DC=2\sqrt{5}$   
 $5:2\sqrt{5}=x:2\sqrt{5}$   
 $x=5$



$AG$  をのび  $BC$  の延長線  
 との交点を  $F$  とする。  
 平行線の錯角なので  
 $\angle DAG = \angle CFG$   
 よって  $\angle EAF = \angle EFA$   
 $AE = FE = 17$ ,  $EC = 7$  より  
 $CF = 10$   
 $\triangle ABF \sim \triangle GCF$  なので  
 $15:GC=25:10$   $GC=6$   
 $x=15-6=9$

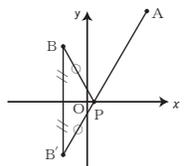
p39 102-基礎演習

(1) ①  $6\sqrt{2}$     ② 5    ③  $2\sqrt{13}$

103-基礎演習

(1) 1 7    (2) (3, 5, 0)

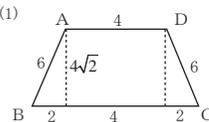
(1)  $AB'$  が直線になるとき距離が最短となる。  
 $AP+BP = AP+BP'$   
 $B'(-2, -7)$  なので  
 $AB'^2 = \{6 - (-2)\}^2 + \{8 - (-7)\}^2$   
 $= 289$   
 $AB' = 17$



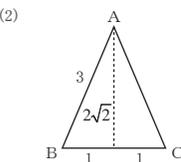
(2) 点  $P$  を  $(p, 0)$  とおく  
 $AP^2 = (4-p)^2 + 6^2$  ①  
 $BP^2 = (-1-p)^2 + 4^2$  ②  
 ①=②を解いて  
 $p=3.5$

104-基礎演習

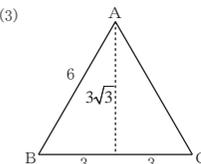
(1)  $24\sqrt{2}\text{ cm}^2$   
 (2)  $2\sqrt{2}\text{ cm}^2$   
 (3)  $9\sqrt{3}\text{ cm}^2$



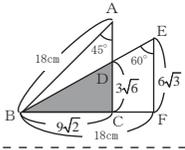
$A, D$  からそれぞれ  $BC$  に垂線をおろすと  
 $BC$  は図のように区切ることができる。  
 そこで三平方の定理を使い  
 この垂線の長さを求めればよい。



$\triangle ABC$  は二等辺三角形なので  
 点  $A$  から  $BC$  に垂線をおろすと  
 $BC$  を二等分する。  
 そこで三平方の定理を使い  
 その垂線の長さを求めればよい。

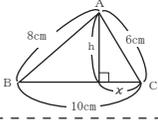


$\triangle ABC$  は正三角形なので  
 点  $A$  から  $BC$  に垂線をおろすと  
 $BC$  を二等分する。  
 そこで三平方の定理を使い  
 その垂線の長さを求めればよい。  
 ( $\angle B = 60^\circ$  を使ってもよい。)



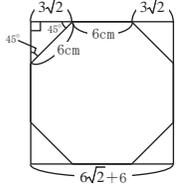
それぞれの角をA~Fとおくと、  
 直角三角形の辺の比より、 $EF = 6\sqrt{3}$   
 同様に  $BC = 9\sqrt{2}$   
 $\triangle BCD \sim \triangle BFE$  より  
 $18 : 9\sqrt{2} = 6\sqrt{3} : DC$   
 $DC = 3\sqrt{6}$

(2)  $24\text{cm}^2$



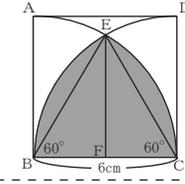
図のように高さをh、底辺をxとおく  
 $h^2 + x^2 = 6^2 \dots \textcircled{1}$   
 $h^2 + (8-x)^2 = 10^2 \dots \textcircled{2}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{2}$ を解いて  $x=3.6$   
 よって  $h=4.8$   
**【別解】**  
 3辺の比が3:4:5  
 なので  $\angle BAC$  は直角  
 よって  $6 \times 8 \div 2 = 24$

(3)  $72 + 72\sqrt{2}\text{cm}^2$

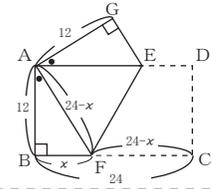


正八角形の1つの外角は  $45^\circ$   
 よって外部に4つの  
 垂直二等辺三角形ができる。  
 その長い方の辺は6cmなので  
 残りの2辺はそれぞれ  $3\sqrt{2}\text{cm}$   
 正方形から4つの垂直二等辺三角形  
 をひけばよい。  
**【1辺がaの正八角形の面積の公式】**  
 $2(1 + \sqrt{2})a^2$

(4)  $12\pi - 9\sqrt{3}\text{cm}^2$

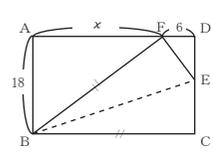


$\triangle BCE$  は、半径なので  
 $BC = EC = EB$  の正三角形となる。  
  
 直角三角形の辺の比より、 $EF = 3\sqrt{3}$   
 よって正三角形  $BCE$  の面積は  $9\sqrt{3}$   
 おうしぎ形  $\textcircled{1}$  は  $6^2 \pi \times \frac{60}{360} = 6\pi$



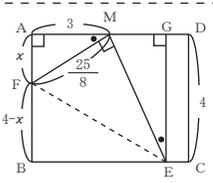
$BF = x$  とおく  
 $(24-x)^2 = 12^2 + x^2$   
 $x = 9$   
 $\triangle ABF \sim \triangle AGE$  より  
 $BF = GE = DE = 9$

(2)  $10\sqrt{10}\text{cm}$



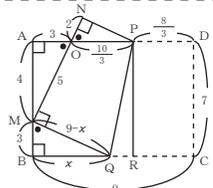
$BF = BC$   
 $AF = x$  とおくと  
 $18^2 + x^2 = (x+6)^2$   
 $x = 24$  よって  $BF = 30$   
 $\triangle ABF \sim \triangle DFE$  より  
 $AB : DF = BF : FE$   
 $FE = 10$   
 よって  $BE = 10\sqrt{10}$

(3)  $\frac{25}{6}\text{cm}$

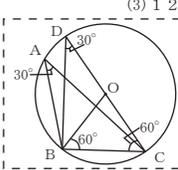


$AF = x$  とおくと、  
 $FM = FB$ 、 $FB = 4-x$  より  
 $3^2 + x^2 = (4-x)^2$   
 $x = \frac{7}{8}$   $FM = \frac{25}{8}$   
 $E$  から  $AD$  に垂線をひき交点を  $G$  とする  
 $\triangle AFM \sim \triangle GME$   
 よって  $AM : GE = MF : EM$   
 $3 : 4 = \frac{25}{8} : EM$   $EM = \frac{25}{6}$

(4)  $\frac{7\sqrt{10}}{3}\text{cm}$

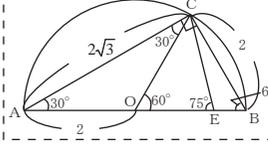


$BQ = x$  とおくと、  
 $QC = MQ = 9-x$   
 $3^2 + x^2 = (9-x)^2$   $x = 4$   
 よって  $\triangle MBQ \sim \triangle OAM$   $ON = 2$   
 また  $\triangle OAM \sim \triangle ONP$  より  
 $AO = 3$   $OP = \frac{10}{3}$   $PD = \frac{8}{3}$   
 $P$  から  $BC$  に垂線をおし交点を  $R$  とする  
 $QR = \frac{7}{3}$   $PQ^2 = (\frac{7}{3})^2 + 7^2$



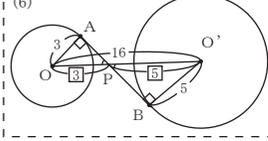
$C$  を通る直径を作図すると  
 $\angle DBC = 90^\circ$  より  $\angle OCB = 60^\circ$   
 $OC = OB$  なので、 $\angle OBC = 60^\circ$   
 よって  $\triangle OBC$  は正三角形である。  
 よって  $BC = CO$   
**【別解】**  $\angle BOC = 60^\circ$  を使ってもよい

(2)  $75^\circ$  (3)  $2\sqrt{3} - 2\text{cm}$



$\textcircled{1} BO = CO = BC = 2$  より  
 $\triangle COB$  は正三角形  
 $\angle ACB = 90^\circ$  なので  
 三平方の定理より  $AC^2 + BC^2 = AB^2$   
 $\textcircled{2} \triangle AEC$  は二等辺三角形なので  
 $\angle OEC = \angle AEC = (180-30) \div 2 = 75$

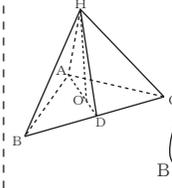
(5)  $3\sqrt{3}\text{cm}$



$AB$  と  $OO'$  の交点を  $P$  とすると  
 $\triangle APO \sim \triangle BPO'$  なので  
 $PO : PO' = 3 : 5$   
 よって  $PO = 6$   $PO' = 10$   
 三平方の定理より  
 $AP = 3\sqrt{3}$   $BP = 5\sqrt{3}$   
**【 $AO : AP = 1 : \sqrt{3}$  を利用してもよい】**

(2)  $\textcircled{1} 36\text{cm}^3$   $\textcircled{2} 18\sqrt{3}\text{cm}^2$   $\textcircled{3} 2\sqrt{3}\text{cm}$

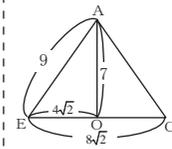
(3) 表面積  $16\sqrt{3}\text{cm}^2$  体積  $\frac{16\sqrt{2}}{3}\text{cm}^3$



**【正四面体の表面積・体積の公式】**  
 1辺を  $a$  とする  
 表面積  $= \sqrt{3}a^2$  体積  $= \frac{a^3}{\sqrt{12}}$

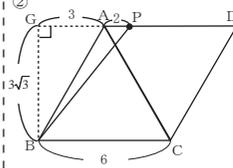
三平方の定理より  $AD = 2\sqrt{3}$   $AD = HD = 2\sqrt{3}$   
 直角三角形の辺の比より  $OD = \frac{2\sqrt{3}}{3}$   $HO = \frac{4\sqrt{6}}{3}$   
 $\triangle HOD$  において  $HD^2 - OD^2 = HO^2$   $\triangle ABC = 4\sqrt{3}$

(4)  $\frac{448}{3}\text{cm}^3$



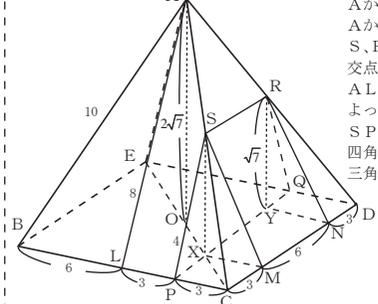
正方形の対角線の交点を  $O$  とし  
 頂点  $A$  から  $O$  に垂線をおろす  
 $O$  は  $EC$  の中点なので  $EO = 4\sqrt{2}$   
 よって三平方の定理より  $AO = 7$   
 よってこの四角錐の体積は  
 $8 \times 8 \times 7 \times \frac{1}{3} = \frac{448}{3}$

(5)  $\textcircled{1} 36\sqrt{2}\text{cm}^2$   $\textcircled{2} 2\sqrt{13}\text{cm}$



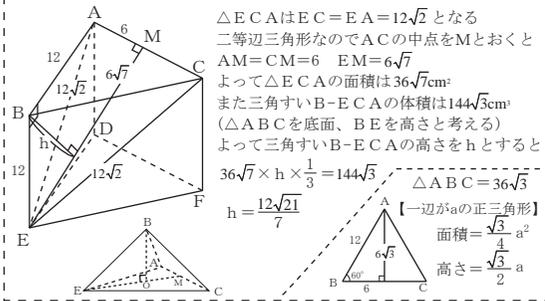
$ABCD$  を含む展開図を描いて考える。  
 $\triangle ABC$ 、 $\triangle ACD$  は正三角形なので  
 $ABCD$  は図のような平行四辺形となる。  
 $AD$  の延長線上に  $\angle BGA = 90^\circ$   
 となる点  $G$  とする。  
 最短距離は必ず直線なので、  
 $GB$  を求めてから  $BP$  を求めればよい。

(6)  $15\sqrt{7}\text{cm}^3$

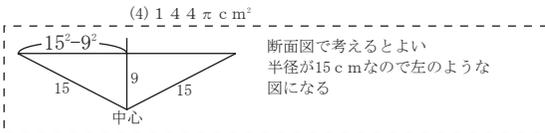
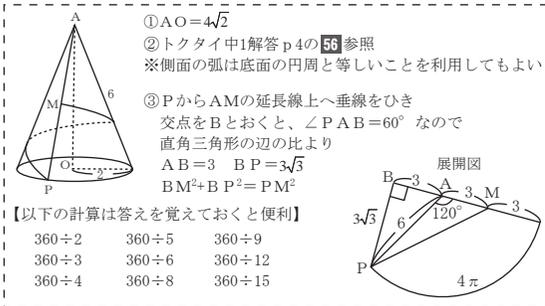


$A$  から  $EC$  へ垂線をおろし交点を  $O$  とする  
 $A$  から  $BC$  へ垂線をおろし交点を  $L$  とする  
 $S$ 、 $R$  から  $PQ$  へ垂線をおろし  
 交点をそれぞれ  $X$ 、 $Y$  とする  
 $AL = 8$   $EC = 12\sqrt{2}$   $LP = 3$   $LO = 6$   
 よって  $AO = 2\sqrt{7}$  また中点連結定理より  
 $SP = RQ = 4$   $SX = RY = \sqrt{7}$   
 四角い  $S-XPCM = R-YNDQ = 3\sqrt{7}$   
 三角柱  $SXM-RYN = 9\sqrt{7}$   
 $3\sqrt{7} + 3\sqrt{7} + 9\sqrt{7} = 15\sqrt{7}$

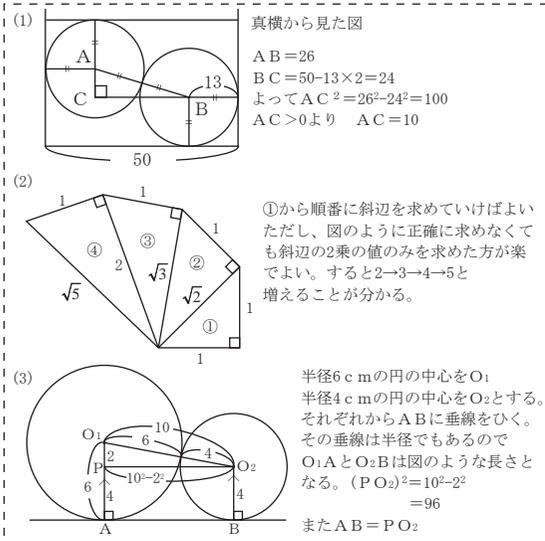
p44 109-基礎演習 (1)  $\frac{12\sqrt{21}}{7}$  cm



- (2)  $288\sqrt{3}\pi cm^3$   
(3)  
①  $\frac{16\sqrt{2}}{3} cm^2$       ②  $120^\circ$       ③  $3\sqrt{7}cm$



p45 110-基礎演習 (1)  $36cm$  (2)  $\sqrt{5}cm$  (3)  $4\sqrt{6}cm$



- p46 111-基礎演習 (1) 全数調査 正確さが大切な調査  
(2) 標本調査 およその結果でよい調査が多い  
(3) 標本調査 およその結果で不都合はない  
(4) 全数調査 正確さが求められ、一人一人にとって大切  
(5) 全数調査 検査を受ける一人一人にとって大切な検査  
(6) 標本調査 全数調査を行うことは不合理で現実的ではない

- p46 112-基礎演習 (1) ①ある中学校の生徒400人  
②選んだ100人  
③8時間40分  
(2) ①1000個の商品  
②100個目ごとの製品15個  
③15個  
(3) ①袋の中に入っている白のご石  
②取り出した10個のご石の中の6個の白いご石  
③6個

- 113-基礎演習 (1) ②、③  
(2) 3, 12, 16, 18, 25  
生徒数が40人なので00や40より大きい数は無視すること

- p47 114-基礎演習 およそ90人  
115-基礎演習 およそ420個  
116-基礎演習 およそ18枚  
117-基礎演習 およそ532個  
118-基礎演習 およそ500個
- 117  
箱Aの中にもともと $x$ 個の黒いご石が入  
っていたとすると、コップですくった後は  
 $x-42$ 個の黒いご石があることになる。  
そこで箱Aに42個の白いご石を入れたので  
箱Aの中の黒：白の比は $x-42:42$ となる。  
よって二度目にコップですくった際の  
黒：白が $35:3$ なので  
 $x-42:42=35:3$ を解けばよい。

実力錬成問題

- p48 1-実力錬成 <証明>  
道の面積は、(道と花だんの合計面積) - (花だんの面積)  
だから、道の面積を $S$ とすると、  
 $S = (x+2a)(y+2a) - xy$   
 $= xy + 2ax + 2ay + 4a^2 - xy$   
 $= 2ax + 2ay + 4a^2$   
 $= a(2x + 2y + 4a)$   
次に $\theta$ の長さを考えると、  
 $\theta = (x + \frac{1}{2}a \times 2) \times 2 + (y + \frac{1}{2}a \times 2) \times 2$   
 $= 2x + 2a + 2y + 2a$   
 $= 2x + 2y + 4a$ だから  
 $a\theta = a(2x + 2y + 4a)$   
よって、 $S = a\theta \dots$  (終)

- 2-実力錬成 <証明>  
台形 $ABCD$ の面積 $S$ は、  
 $S = \frac{(AD+BC)h}{2} \dots$  ①  
また、 $MN = \ell = \frac{AD+BC}{2} \dots$  ②  
②を①に代入すると、 $S = h\ell \dots$  (終)

- 3-実力錬成 <証明>  
 $n$ を整数とすると、  
小さいほうの奇数は $2n-1$ 、  
大きいほうの奇数は $2n+9$ と表される。  
大きいほうの奇数の2乗から小さいほうの2乗を引いた差は、  
 $(2n+9)^2 - (2n-1)^2 = 4n^2 + 36n + 81 - (4n^2 - 4n + 1)$   
 $= 40n + 80$   
 $= 40(n+2)$   
 $n+2$ は整数なので、 $40(n+2)$ は40の倍数である。  
したがって、40で割り切れる。... (終)

- p49 4-実力錬成 (1)  $4\sqrt{2}cm$   
それぞれの半径を $r_1, r_2$ , 求める半径を $r$ とすると  
 $2\pi r_2 - 2\pi r_1 = 2\pi r$   
(2)  $8\sqrt{2}cm$   
それぞれの半径を $r_1, r_2$ , 求める半径を $r$ とすると  
 $\pi r_2^2 - \pi r_1^2 = \pi r^2$

- 5-実力錬成 (1) 2  
(2)  $\sqrt{6}-2$   $2\sqrt{6}<3$ より、 $a=2, b=\sqrt{6}-2$   
(3)  $2\sqrt{6}$

- 6-実力錬成
- |                      |                      |                      |        |
|----------------------|----------------------|----------------------|--------|
| $\sqrt{3}$           | $\frac{\sqrt{2}}{6}$ | $\sqrt{6}$           | 積は1である |
| $\sqrt{2}$           | 1                    | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ |        |
| $\frac{\sqrt{6}}{6}$ | $3\sqrt{2}$          | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ |        |

$$x^2-8x+7=(x-7)(x-1)$$

$$=(\sqrt{2011-3})(\sqrt{2011+3})$$

$$=2011-9=2002$$

8-実力録成

- (1) 8 (2) 7 3

(1) 順に代入して検証すると良い

n=1のとき  $\sqrt{2000-50 \times 2}=\sqrt{1900}$   
 n=2のとき  $\sqrt{2000-50 \times 3}=\sqrt{1850}$   
 ...  
 n=8のとき  $\sqrt{2000-50 \times 8}=\sqrt{1600}$

nの値がいくらでも√の中は一の位が0になることに注目する  
 よって10、20、30、40・・・  
 の2乗しかないことになる。

(2) 連続する奇数なので  
 $a=2n+1$   $b=2n+3$   $c=2n+5$ と表される  
 $a+b+c=(2n+1)+(2n+3)+(2n+5)$   
 $=6n+9$   
 $=3(2n+3)$  (nは整数)

これをnについて解くと  
 $n=\frac{3m^2-3}{2}$  となるので、  
 $3m^2-3$ は偶数、 $3m^2$ は奇数となる  
 $m=1$ のとき  $n=0$ 、 $a=1$   
 $m=3$ のとき  $n=12$ 、 $a=25$   
 $m=5$ のとき  $n=36$ 、 $a=73$   
 $m=7$ のとき  $n=72$ 、 $a=145$

これの平方根が正の整数になるには  
 $2n+3=3 \times m^2$ となればよい(mは整数)

(1)  $0 < x < 3$ のとき、 $AP=4x$   $AQ=2x$   $AD=12$

よって、三角錐の体積は、

$$y = \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times AP \times AQ\right) \times AD$$

$$= \frac{1}{6} \times 4x \times 2x \times 12$$

$$= 16x^2$$

(2) QはPと同時にAを出発し、 $12 \div 2 = 6$ (秒後)にEにきて止まる。…ア

点Rが出発したとき、  
 $AP=12$ 、 $AQ=12$ 、  
 $AD=12-3 \times (x-6) = 12-3x+18 = -3x+30 = -3(x-10)$  よって、

三角錐の体積  $y = \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 12 \times 12\right) \times (-3) \times (x-10)$   
 $= -72(x-10)$

$y=240$ のとき、 $x-10 = -\frac{240}{72} = -\frac{10}{3}$   
 $x = 10 - \frac{10}{3} = \frac{20}{3}$  …イ

10-実力録成

- (1)  $3\sqrt{2}$  cm (2)  $\frac{28}{3}$  秒

(1)  $\triangle APQ$ は $AP=AQ$ の二等辺三角形である。  
 よって 三平方の定理より  $PQ = \sqrt{2}AP$   
 $AP=3$ より  $PQ=3\sqrt{2}$  cm

(2) はがされていない部分の面積は、台紙の面積の  $\frac{2}{9}$  なので、

$49 \times \frac{2}{9} = \frac{98}{9}$   
 $\triangle CPQ$ の面積が、 $\frac{98}{9}$  になるので、

$\frac{CP^2}{2} = \frac{98}{9}$   $CP^2 = \frac{196}{9}$  から  $CP = \frac{14}{3}$   
 したがって  $7 + (7 - \frac{14}{3}) = 7 + \frac{7}{3} = \frac{28}{3}$  (秒)

yの最大値が正なので、  
 $x=4$ に対応する値は $y=8$ である。

12-実力録成

- (1) -2 (2) 1 6

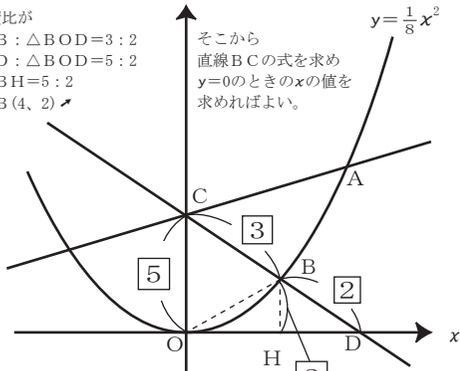
13-実力録成

- (1)  $y = \frac{3}{8}x + 5$  (2)  $(\frac{20}{3}, 0)$

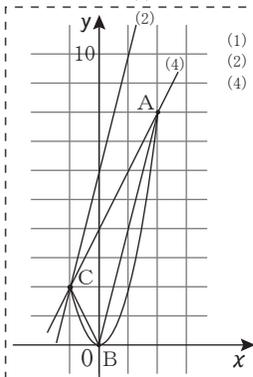
(2) 面積比が

$\triangle COB : \triangle BOD = 3 : 2$   
 $\triangle COD : \triangle BOD = 5 : 2$   
 $CO : BH = 5 : 2$   
 よって  $B(4, 2)$  ✓

そこから  
 直線BCの式を求め  
 $y=0$ のときのxの値を  
 求めればよい。



- (3) 図  
 (4) 6



- (1)  $x=-1$ のとき最大となる  
 (2)  $(-1, 2)$ を通り傾きが4であればよい  
 (4) 先に直線ACの式を求め切片を求めろ

$\triangle AFD$ と $\triangle FEB$ において

$AD \parallel BC$ より  $\angle FDA = \angle FBE$ 、 $\angle FAD = \angle FEB$ 、  
 $AD=BE$ より  $\triangle AFD \cong \triangle FEB$   
 よって  $FD=FB$ なので  $\triangle ABF = \frac{1}{2} \triangle ABD$ 、

$\triangle ABED$ が  
 平行四辺形  
 であることを  
 利用してもよい

$BC = \frac{4}{3}AD$ より  $\triangle DBC = \frac{4}{3} \triangle ABD$

よって台形  $ABCD = \frac{7}{3} \triangle ABD$ 、 $\frac{7}{3} \div \frac{1}{2} = \frac{14}{3}$  (倍)

16-実力録成

- (2) 7.5 cm ( $\frac{15}{2}$ )

(1) 〈証明〉

$\triangle ADF$ と $\triangle CDE$ において、仮定より、

$\angle ADF = \angle CDE \dots \textcircled{1}$   
 $\angle EAD = \angle FBD \dots \textcircled{2}$

三角形の外角はそれととなり合わない2つの内角の和に等しいので、

$\triangle FBD$ において  $\angle AFD = \angle FBD + \angle FDB$   
 $= \angle FBD + \angle CDE \dots \textcircled{3}$   
 $\triangle AED$ において  $\angle CED = \angle EAD + \angle EDA$   
 $= \angle EAD + \angle ADF \dots \textcircled{4}$

$\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}\textcircled{4}$ から、 $\angle AFD = \angle CED \dots \textcircled{5}$   
 $\textcircled{1}$ 、 $\textcircled{5}$ から、2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ADF \cong \triangle CDE \dots$  (終)

(2) (1) より  $\angle AFD = \angle CED = \angle AEF$

$\triangle AFE$ は、 $AF=AE=3$ の二等辺三角形とわかる。

$\triangle ADF \cong \triangle CDE$ より、  
 $AD : FA = CD : EC$ 、よって  $AD : 3 = 6 : 2$   
 したがって、 $AD=9$

同様に、 $\angle BAD = \angle ACD$ 、仮定により  $\angle DBA = \angle CAD$

2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABD \cong \triangle CAD$

よって、 $BD : AD = CD : 9$ より、 $BD : 9 = 9 : 6$

$BD=13.5$   $BC=13.5-6=7.5$

(1) 〈証明〉

$\triangle ADE$ と $\triangle DCG$ において

仮定より  $AD=DC \dots \textcircled{1}$   
 $\angle AED = \angle DGC = 90^\circ \dots \textcircled{2}$

$\angle ADE + \angle CDG = 90^\circ \dots \textcircled{3}$

$\triangle DCG$ は直角三角形なので

$\angle DCG + \angle CDG = 90^\circ \dots \textcircled{4}$

$\textcircled{3}\textcircled{4}$ より  $\angle ADE = \angle DCG \dots \textcircled{5}$

$\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{5}$ より

直角三角形の斜辺と他の1鋭角がそれぞれ等しいので

$\triangle ADE \cong \triangle DCG \dots$  (終)

(2)  $AE=x$ とすると、

(1) より  $DE=x+7$

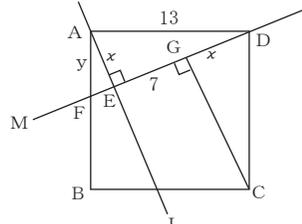
$x^2 + (x+7)^2 = 13^2$

$x=5$

$AF=y$ とおくと

$\triangle ADE \cong \triangle FAE$ なので

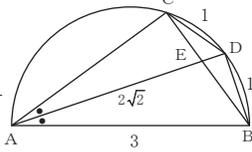
$y : 13 = 5 : 12$



p52 18-実力録 (2)  $\frac{7\sqrt{2}}{8} \text{ cm}^2$

(1) <証明>

$\triangle ACD$ と $\triangle CED$ において  
 共通なので  $\angle ADC = \angle CDE \dots \textcircled{1}$   
 仮定より  $\angle CAD = \angle BAD \dots \textcircled{2}$   
 円周角の定理より  $\angle BCD = \angle BAD \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  $\angle CAD = \angle BCD = \angle CED \dots \textcircled{4}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{4}$ より 2組の角がそれぞれ等しいから  
 $\triangle ACD \sim \triangle CED \dots$  (終)



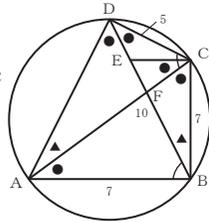
(2)  $\angle ADB = 90^\circ$   $AD^2 = 3^2 - 1^2 = 8$   
 $AD = 2\sqrt{2}$   $\triangle ADB = \sqrt{2}$   
 (1) より  $CD : ED = AD : CD$   
 $1 : ED = 2\sqrt{2} : 1$   $ED = \frac{\sqrt{2}}{4}$   
 よって  $AE : ED = 7 : 1$   
 $\triangle AEB : \triangle ADB = 7 : 8$

19-実力録 (2)  $\frac{5}{5} \frac{1}{5} \text{ cm}$

(1) <証明>

$\triangle ACD$ と $\triangle BEC$ において  
 弧CDに対する円周角は等しいから  
 $\angle CAD = \angle EBC \dots \textcircled{1}$   
 また、弧ADに対する円周角は等しいから  
 $\angle ACD = \angle ABD \dots \textcircled{2}$   
 $AB \parallel EC$ より錯角は等しいので  
 $\angle ABE = \angle CEB$  よって、 $\angle ABD = \angle BEC \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  $\angle ACD = \angle BEC \dots \textcircled{4}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{4}$ より 2組の角がそれぞれ等しいから  
 $\triangle ACD \sim \triangle BEC \dots$  (終)

(2) ACとBDの交点をFとする。 $\triangle DBA$ と $\triangle ABF$ と  
 $\triangle DCF$ において弧ADの円周角は等しいから、  
 $\angle DBA = \angle DCA$   
 よって  $\angle DBA = \angle ABF = \angle DCF \dots \textcircled{1}$   
 また弧BCに対する円周角は等しいから  
 $\angle BAC = \angle BDC \dots \textcircled{2}$   
 また  $AB = BC$  より  
 $\angle BAC = \angle ADB \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  $\angle BDA = \angle BAF = \angle CDF$   
 したがって  $\triangle DAB \sim \triangle AFB \sim \triangle DFC$   
 よって  $DB : AB = AB : FB$   
 $FB = 7 \times 7 \div 10 = \frac{49}{10}$   
 $DF = 10 - \frac{49}{10} = \frac{51}{10}$   
 $DC : DF = DB : DA$   
 $DA = \frac{51}{10} \times 10 \div 5 = \frac{51}{5}$



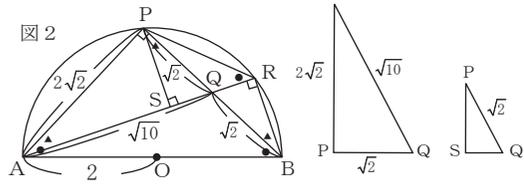
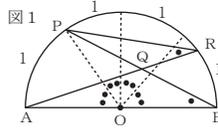
p53 20-実力録 (1)  $2 \cdot 2 \cdot 5^\circ$  ( $\frac{4 \cdot 5}{2}$ ) (2)  $\frac{2 \cdot 4}{5} \text{ cm}^2$

(1) 半円ABを4等分することになる。  
 よって  $\angle POA = 45^\circ$   $\angle PBA = 22.5^\circ$

(2) <証明>

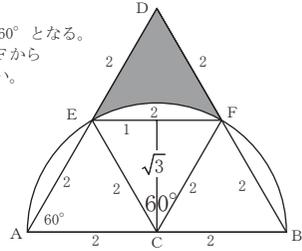
$\triangle PSQ$ と $\triangle BRQ$ において  
 仮定より  $PQ = BQ \dots \textcircled{1}$   
 対頂角なので  $\angle PQS = \angle BQR \dots \textcircled{2}$   
 仮定より  $\angle PSQ = 90^\circ \dots \textcircled{3}$   
 直径に対する円周角なので  $\angle BRQ = 90^\circ \dots \textcircled{4}$   
 $\textcircled{3}\textcircled{4}$ より  $\angle PSQ = \angle BRQ \dots \textcircled{5}$   
 $\textcircled{2}\textcircled{5}$ より  $\angle SQP = \angle RBQ \dots \textcircled{6}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{6}$ より 1辺とその両端の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle PSQ \cong \triangle BRQ \dots$  (終)

$\textcircled{2} OA = 2$ より  $AP = 2\sqrt{2}$  ( $\triangle PAB$ は直角二等辺三角形)  
 $PQ = BQ$ より  $PQ = \sqrt{2}$   
 よって  $AQ = \sqrt{10}$   
 $\triangle APQ \sim \triangle PSQ$ より  
 $PQ : AQ = SQ : PQ$  よって  $SQ = \frac{\sqrt{10}}{5}$   
 $SQ = RQ$   
 よって  $AR = \frac{6\sqrt{10}}{5}$  また、 $PS = \frac{2\sqrt{10}}{5}$   
 $PS = BR$ より  $\triangle PAR = \triangle BAR = \frac{1 \cdot 2}{5}$



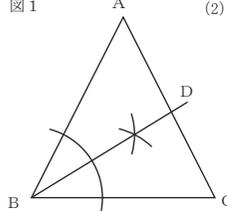
p53 21-実力録  $2\sqrt{3} - \frac{2}{3} \pi \text{ cm}^2$

ABの中点をCとおくと、  
 おうぎ形ECFの中心角は $60^\circ$ となる。  
 求める面積はひし形DECFから  
 おうぎ形ECFを引けばよい。  
 $DECF = EF \times DC \times \frac{1}{2}$   
 $= 2\sqrt{3}$   
 おうぎ形ECF  $= 2^2 \pi \times \frac{60}{360}$   
 $= \frac{2}{3} \pi$



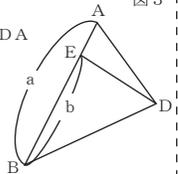
22-実力録 (1) 図 (2)  $2a - b \text{ cm}$

図1



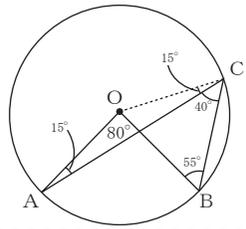
(2)  $AE = AB - BE$   
 $= AB - BC$   
 $= a - b$   
 $ED + DA = CD + DA$   
 $= AC$   
 $= a$

図3



p54 23-実力録  $\frac{8}{3} \pi \text{ cm}$

図のように補助線OCをひき、  
 中心角AOBを求めればよい。  
 $OA = OB = OC$ より  
 $\angle OAC = \angle OCA = 15^\circ$   
 $\angle OBC = \angle OCB = 55^\circ$   
 よって  $\angle ACB = 40^\circ$   
 円周角の定理より  
 $\angle AOB = 80^\circ$



$$6 \times 2 \times \pi \times \frac{80}{360} = \frac{8}{3} \pi$$

24-実力録 (2)  $\frac{7 \cdot 5}{8} \text{ cm}^2$

(1) <証明>

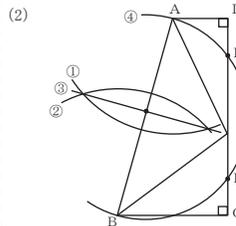
$\triangle ABP$ と $\triangle DCP$ において  
 仮定より  
 $AB = DC \dots \textcircled{1}$   
 弧ADに対する円周角なので  
 $\angle ABP = \angle DCP \dots \textcircled{2}$   
 弧BCに対する円周角なので  
 $\angle BAP = \angle CDP \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  
 1辺とその両端の角が  
 それぞれ等しいので  
 $\triangle ABP \cong \triangle DCP \dots$  (終)

(2) (1)より  $PB = PC$ なので  
 $\triangle PBC$ は二等辺三角形、同様に  
 $\triangle PAD$ も二等辺三角形である  $\dots \textcircled{1}$   
 $MN$ はBCの中点Mと頂点Pを通るので  
 $MN \perp BC \dots \textcircled{2}$   
 弧ABに対する円周角なので  
 $\angle ACB = \angle ADB \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{3}$ より  $AD \parallel BC$   $AD \perp MN$   
 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  
 よって $\triangle ABC$ の面積は  
 $BC \times MN \times \frac{1}{2} = 6 \times 5 \times \frac{1}{2}$   
 $= 15$   
 $\triangle APD \sim \triangle BPC$ より  
 $AD : BC = AP : PC = 5 : 3$   
 $\triangle ABP = \frac{\triangle ABC}{8} \times \frac{5}{8}$   
 $= \frac{75}{8}$

25-実力録 (3)  $2 \leq x \leq 9$

(1) <証明>

$\triangle APD$ と $\triangle PBC$ において、  
 $\angle PDA = \angle BCP = 90^\circ \dots \textcircled{1}$   
 $\angle APB = 90^\circ$  だから、 $\angle APD + \angle CPB = 90^\circ \dots \textcircled{2}$   
 $\angle BCP = 90^\circ$  だから、 $\angle PBC + \angle CPB = 90^\circ \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{2}, \textcircled{3}$ より、 $\angle APD = \angle PBC \dots \textcircled{4}$   
 $\textcircled{1}, \textcircled{4}$ より、2組の角がそれぞれ等しいから  
 $\triangle APD \sim \triangle PBC \dots$  (終)

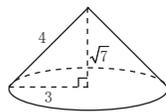


(2) (3)  $CP = x$ より、 $DP = 11 - x$   
 $\angle APB = 90^\circ$  のとき、  
 $\triangle APD \sim \triangle PBC$ だから、  
 $AD : PC = DP : CB$   
 $3 : x = (11 - x) : 6$   
 $x(11 - x) = 18$   
 $(x - 2)(x - 9) = 0$   
 よって、 $x = 2, 9$   
 $\angle APB \geq 90^\circ$  となるためには  
 点Pが線分ABを  
 直径とする円の周上または  
 内部にあればよいから、  
 $2 \leq x \leq 9$

ABを直径とする円をかけばよい。  
 直径を一辺に持つ円周角は直角である。  $2 \leq x \leq 9$

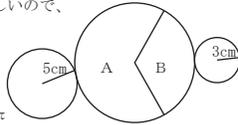
p55 **26-実力録成**  $\frac{\sqrt{7}}{12} \text{ cm}$

鉄のおもりの体積は、  
 $9\pi \times \sqrt{7} \times \frac{1}{3} = 3\sqrt{7}\pi \text{ cm}^3$   
 $x \text{ cm}$ 上昇したとすると  $36\pi \times x = 3\sqrt{7}\pi$  から、  
 $x = \frac{\sqrt{7}}{12}$



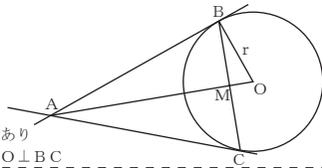
**27-実力録成**  $40\pi \text{ cm}^2$

おうぎ形の弧の長さは底面の円周と等しいので、  
 図2の円の円周は  
 $2 \times \pi \times 5 + 2 \times \pi \times 3 = 16\pi$   
 よって図2の円の半径は  $8 \text{ cm}$   
 円Aと円Bの側面の面積比は  $5:3$   
 よって円Aの側面積は  $8^2 \times \pi \times \frac{5}{8} = 40\pi$



**28-実力録成**  $OM = \frac{r^2}{x}$

$\triangle OAB \sim \triangle OBM$  より  
 $OM:OB = OB:OA$   
 よって  $OB^2 = OM \times OA$   
 $r^2 = OM \times x$   
 $OM = \frac{r^2}{x}$

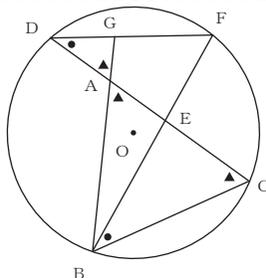


※ $\triangle ACB$ は二等辺三角形であり  
 $\triangle ACM \equiv \triangle BCM$ より  $AO \perp BC$

p56 **29-実力録成** (2)  $\frac{8\sqrt{3}}{3} \text{ cm}$  (3)  $3 \text{ cm}$

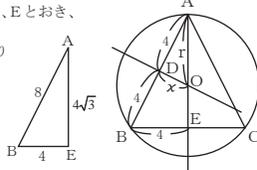
(1) <証明>

$\triangle BCE$ と $\triangle DAG$ において  
 円周角の定理より  
 $\angle ECB = \angle GDA \dots \textcircled{1}$   
 仮定より  
 $\angle ECB = \angle BAC = 60^\circ \dots \textcircled{2}$   
 対頂角なので  
 $\angle BAC = \angle GAD \dots \textcircled{3}$   
 $\textcircled{2}\textcircled{3}$ より  
 $\angle ECB = \angle GAD \dots \textcircled{4}$   
 $\textcircled{1}\textcircled{4}$ より  
 2組の角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle BCE \sim \triangle DAG \dots$  (終)



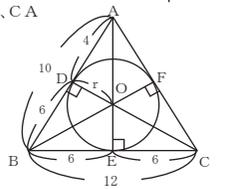
(2) AB, BCから垂直二等分線をひくとその交点が中心Oである。

垂直二等分線とAB, BCの交点をD, Eとおき、  
 $AO = r, DO = x$ とおくと  
 $AE = 4\sqrt{3}$   $\triangle AOD \sim \triangle ABE$ より  
 $8:4\sqrt{3} = r:4$   
 $r = \frac{8\sqrt{3}}{3}$



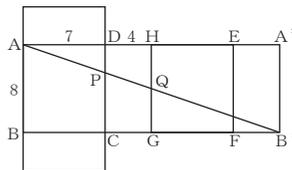
(3)  $\angle A, B, C$ の二等分線と辺AB, BC, CA

の交点をそれぞれD, E, Fとおくと  
 その交点が中心Oである。  
 $OD = r$ とおく。  
 $\triangle BEO \sim \triangle BDO$ より  
 $DB = 6$   $AE^2 + 6^2 = 10^2$   
 $AE = 8$   $AO = 8 - OE$   
 $4^2 + r^2 = (8 - r)^2$   
 $r = 3$



p57 **30-実力録成** (1)  $7:4$  (2)  $9 \text{ cm}$

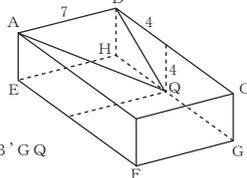
(1) 展開図を描いてみるとよい。



(2) 展開図においてのAQ

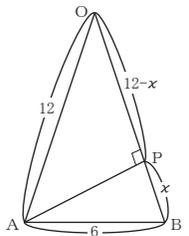
ではないことに注意。  
 $AQ = \sqrt{49 + 16 + 16}$   
 $= \sqrt{81}$   
 $= 9$

※展開図において $\triangle AHQ \equiv \triangle B'GQ$   
 より  $HQ = 4$



p57 **31-実力録成** (1)  $1.5 \text{ cm}$  ( $\frac{3}{2} \text{ cm}$ ) (2)  $\frac{63\sqrt{14}}{4} \text{ cm}^3$  (3)  $\frac{21\sqrt{2}}{8} \text{ cm}$

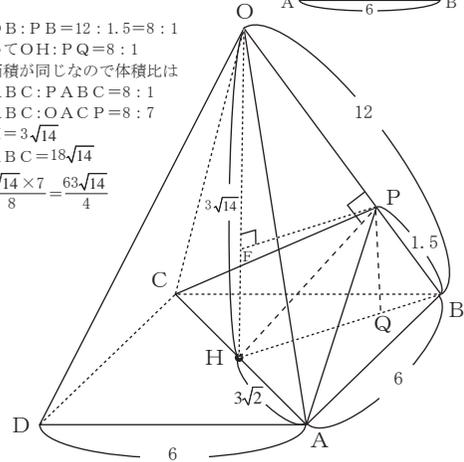
(1)  $PB = x$ とおき、  
 $AP$ についての式をつくる  
 $6^2 - x^2 = 12^2 - (12 - x)^2$   
 $x = 1.5$   
 ※ $AB^2 + PB^2 = PA^2$   
 $PA^2 + OP^2 = OA^2$   
 よって  
 $AB^2 + PB^2 = OA^2 - OP^2$   
 または $\triangle OHB \sim \triangle HBP$   
 を利用してもよい



(2)  $OB:PB = 12:1.5 = 8:1$

よって  $OH:PQ = 8:1$   
 底面積が同じなので体積比は  
 $OABC:PABC = 8:1$   
 $OABC:OACP = 8:7$   
 $OH = 3\sqrt{14}$   
 $OABC = 18\sqrt{14}$

$$\frac{18\sqrt{14} \times 7}{8} = \frac{63\sqrt{14}}{4}$$



(3) FPの長さをhとおくとOACPの体積は

$$\frac{1}{3} \times \triangle OAC \times h = OACP \text{なので、}$$

$$\frac{1}{3} \times 18\sqrt{7} \times h = \frac{63\sqrt{14}}{4}$$

$$h = \frac{21\sqrt{2}}{8}$$

※ $\triangle OFP \sim \triangle OHB$   
 を利用してもよい

p58 **32-実力録成** およそ750個

元の玉の数をx個とすると、印のある玉は30個なので

$$x:30 = 50:2$$

$$x = 750$$

**33-実力録成** およそ350個

元の玉の数をx個とすると、印のある玉は30個なので

$$x:40 = (31+4):4$$

$$x = 350$$

※途中計算の $40 \times 35$ は計算しない方が楽でよい。  
 $40 \times 35 \div 4 = 10 \times 35$

**34-実力録成** (1) 6個

$$(1) (7+4+8+7+4) \div 5 = 6$$

(2) <説明>

(1) から、個数の割合は、  
 (白のご石の個数):(黒のご石の個数) =  $14:6$   
 $= 7:3$

袋の中の白のご石の個数をx個とすると、

$$x:60 = 7:3$$

$$x = 140$$

実験	白の個数	黒の個数
1回目	13	7
2回目	16	4
3回目	12	8
4回目	13	7
5回目	16	4
合計	70	30
平均	14	6

右端の数は7の倍数なので、7で割ったときの商と余りを考える。

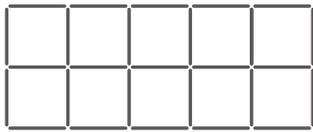
1	2	3	4	5	6	7	←7×1
8	9	10	11	12	13	14	←7×2
15	16	17	18	19	20	21	←7×3
22	23	24	25	26	27	28	←7×4
29	30	・	・	・	・	・	←7×5
・	・	・	・	・	・	・	←7×6

47÷7=6...5 だから 47=7×6+5  
よって47が並ぶまでに6段あり、5個余る。  
したがって、47は上から6+1=7(段目)で左から5番目の数である。

上から99段目の右端の数は、7×99=693  
よって上から100段目で左から3番目の数は、693+3=696

36-実力録成 (1) 27本 (2) 5n+2(本) (3) 502本

(1) このような問題の際、まずは地道に図をかいてみるとよい。



5番目

※別解：先に(2)を求めてn=5を代入してもよい。

(2) このような規則性のある問題の際、まずは表をかいてみるとよい。

n番目(x)	0	1	2	3	4	5
本数(y)	2	7	12	17	22	27

5    5    5    5    5

そうすると5本ずつ増えていることが分かる。よって一次関数であると考えられる。 $y = ax + b$ のa、bの値を求めればよい。  
変化の割合は5となる。(a=5)  
また5本ずつ増えていることからn=0のときの本数は2本となる。(もちろん実際の本数は0だが、ここでは計算上のこと)よってb=2(切片はx=0のときのyの値なので)  
したがって本数は $5n + 2$

別解：番号が1つ増えるごとに棒が5本ずつ増える。  
1番目の図形の本数は7本である。  
1番目からn番目までに(n-1)回増えるから  
n番目の図形に必要な棒の本数は  
 $7 + 5(n-1) = 7 + 5n - 5 = 5n + 2$

(3)  $5n + 2$ にn=100を代入すると  
 $5 \times 100 + 2 = 502$

37-実力録成 (1) 3cm (2) 30° (3)  $3\sqrt{3} - \pi$ (cm<sup>2</sup>)

(1) 円E外の1点Bから円Eにひいた2つの接線の長さは等しいので  
 $BC = BD = 3$ cm

別解：△ADE、△BDE、△BCEが  
合同であることを利用してもよい。

(2)  $AB = AD + DB$ なので $AB = 6$   
よって $AB : BC = 6 : 3$   
 $= 2 : 1$   
しかがって $\angle ACB = 90^\circ$ より  
 $\angle ABC = 60^\circ$ 、 $\angle BAC = 30^\circ$

(3) △ADE≡△BDE≡△BCEより  
影の部分を中心に移動して考える。  
そうすると四角形BCEDからおうぎ形ECDの面積を引けばよい。

$BC : EC = \sqrt{3} : 1$  なので  
 $EC = \sqrt{3}$   
 $\triangle BCE = \frac{1}{2} \times 3 \times \sqrt{3}$   
 $BCED = \triangle BCE \times 2 = 3\sqrt{3}$

$\angle CEB = 60^\circ$  なので  
 $\angle CED = 120^\circ$

よって  
おうぎ形ECDの面積  $= \pi \times (\sqrt{3})^2 \times \frac{120}{360} = \pi$

したがって  $3\sqrt{3} - \pi$ (cm<sup>2</sup>)

